

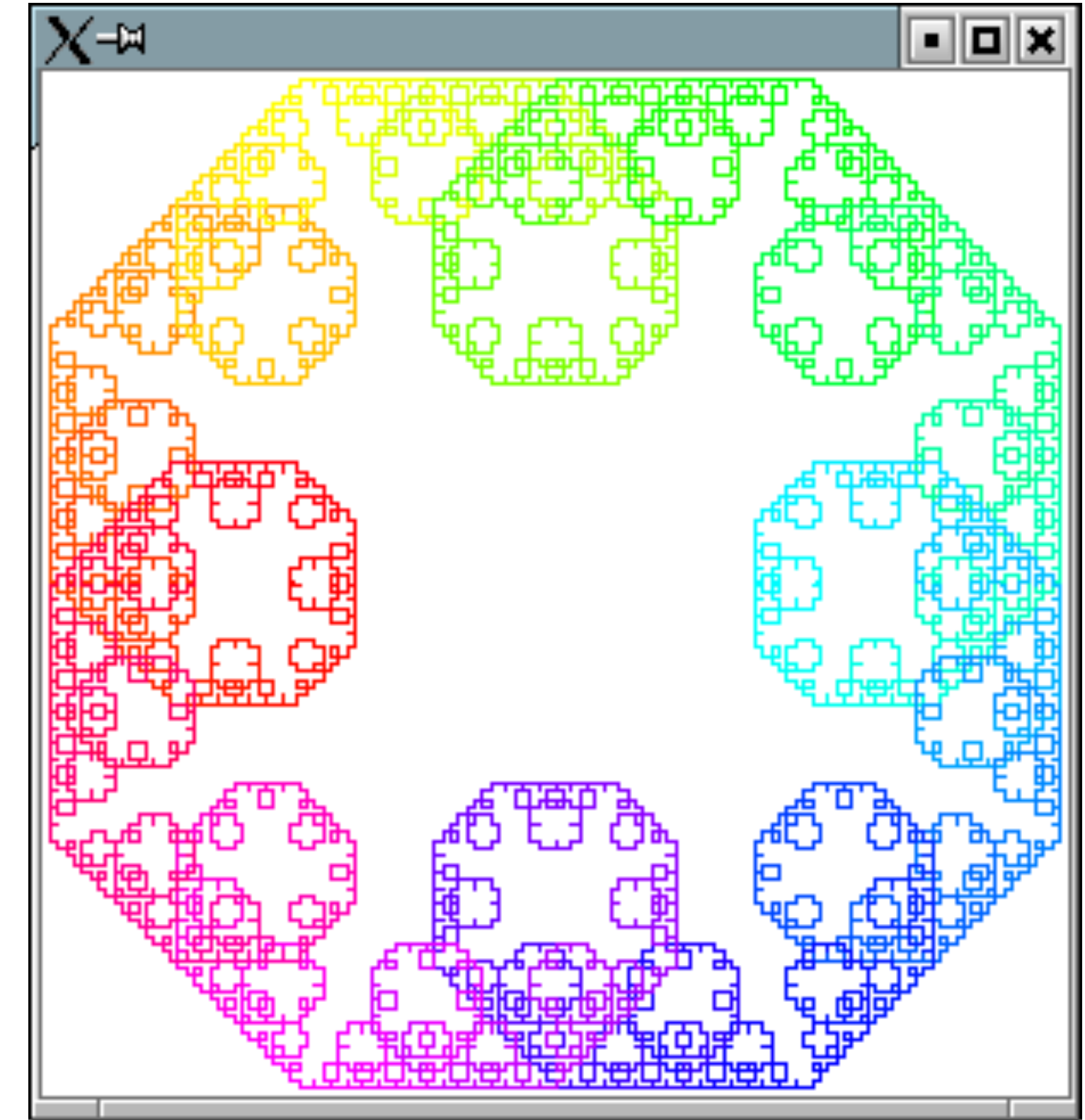
SSH コンソーシアム TOKAI の  
1・2年生を対象とした「高大接続探究ゼミ」

# Pythonでフラクタル を描画しよう

## ベーシックコース

名古屋大学 山里敬也

[yamazato@nagoya-u.jp](mailto:yamazato@nagoya-u.jp)



ROUTE1 ← FREE HALL → ROUTE23  
JB.STUDIO K.Y

山里敬也 (YAMAZATO, Takaya) [yamazato@nagoya-u.jp](mailto:yamazato@nagoya-u.jp)  
名古屋大学 教養教育院 教授 ハイブリットラーニングセンター・センター長  
兼務：工学研究科情報・通信工学専攻,  
情報基盤センター教育情報メディア研究部門,  
附属図書館研究開発室

名大の授業：<http://ocw.nagoya-u.jp>

研究

可視光通信、ITS、確率共鳴、Open Educational Resources (OER)

趣味

自転車、ジョギング、バンド



lyoda Yuki  
伊与田 友貴



- 岡田研究グループ D2
- 研究テーマ
  - 可視光通信/機械学習
- 好きなもの
  - 水族館/猫/ゲーム/バイク/...

“なんでも聞いてください”



名前： 磯崎 新（いそざきあらた）

出身地： 愛知県 常滑市

所属・学年：山里研究室 修士2年

趣味：釣り🎣，Googleマップの口コミ投稿，スキー，旅行，プロ野球



どんな質問でもWelcomeです!!



# 名大で実際に行っている講義内容を修正してやります

## プログラミング及び演習 (3.0 単位)

ちょっとだけ

科目区分	専門基礎科目	
授業形態	講義及び演習	
対象学科	電気電子情報工学科	
開講時期 1	2 年春学期	
必修／選択	必修	
担当教員	山里 敬也 教授	米澤 拓郎 准教授

2021年度は山里が担当しました。  
2022年度から小川先生が担当されています。

# 本講義の目的（シラバス）

**C言語**による演習を通じて、計算機を用いたより高度なプログラミング技法・問題解決技法を学ぶ。具体的には比較的大きなプログラム（500~1000行程度）を書く実力をつける。

これにより、情報リテラシーのような基礎力に加え、論理的思考力や問題解決力といった応用力も涵養する。さらには、プログラムの構成を設計（デザイン）することにより、創造力を鍛えることも狙いとする。

今回は Python を使います

達成目標：

- 目的・仕様に従いプログラムの構成要素を論理的に設計できる
- 設計に従い、効率の良いプログラム（**C言語**）の実装ができる

# 講義スケジュール

(2021/05/17現在)

日付	内容
4/16	ガイダンス・環境構築・C言語復習 (合同)
4/23	C言語復習
4/30	データ解析
5/07	データの可視化
5/14	ポインタとデータ走査
5/21	シーザー暗号
5/28	シーザー暗号解読
6/04	中間課題 (合同)
6/11	ビジュアライゼーション (1)
6/18	ビジュアライゼーション (2) ←再帰グラフィックス
6/25	ゲームプログラム
7/02	最終課題 (合同)
7/09	課題制作時間
7/16	課題制作時間
7/30	課題発表 (A, B別)
8/06	総括 (合同)

取り上げる内容

# スケジュール

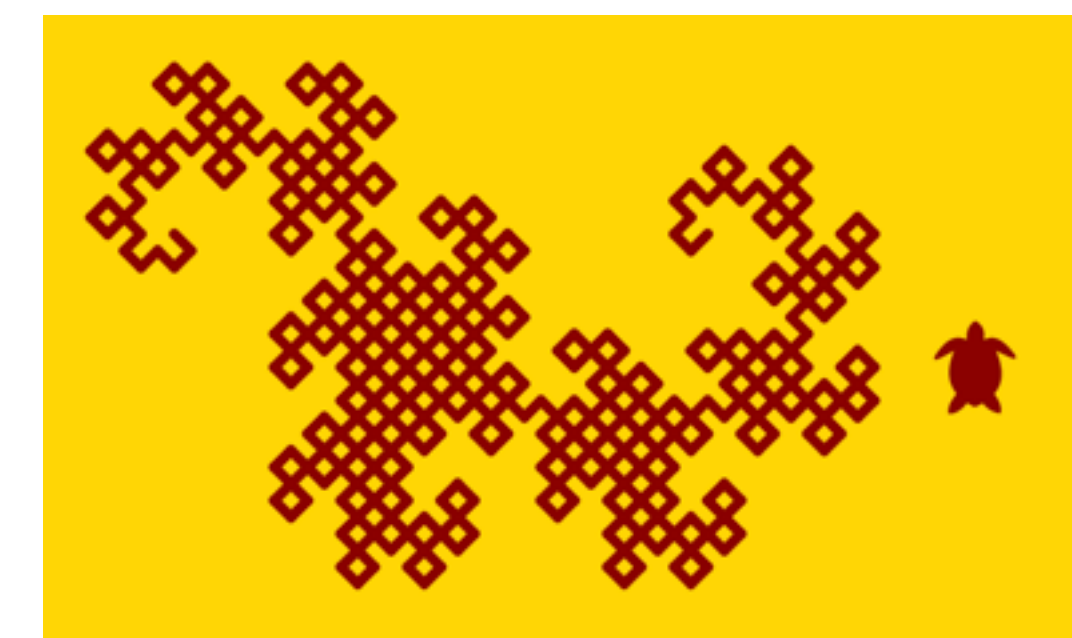
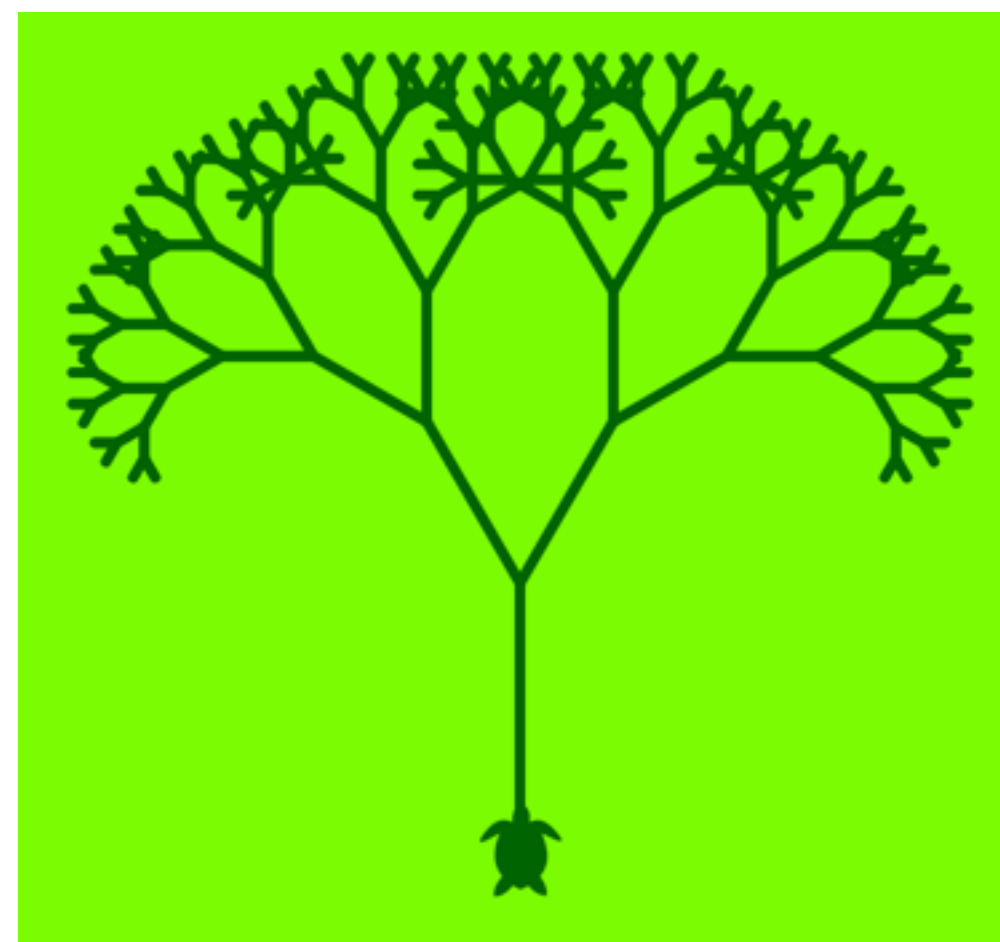
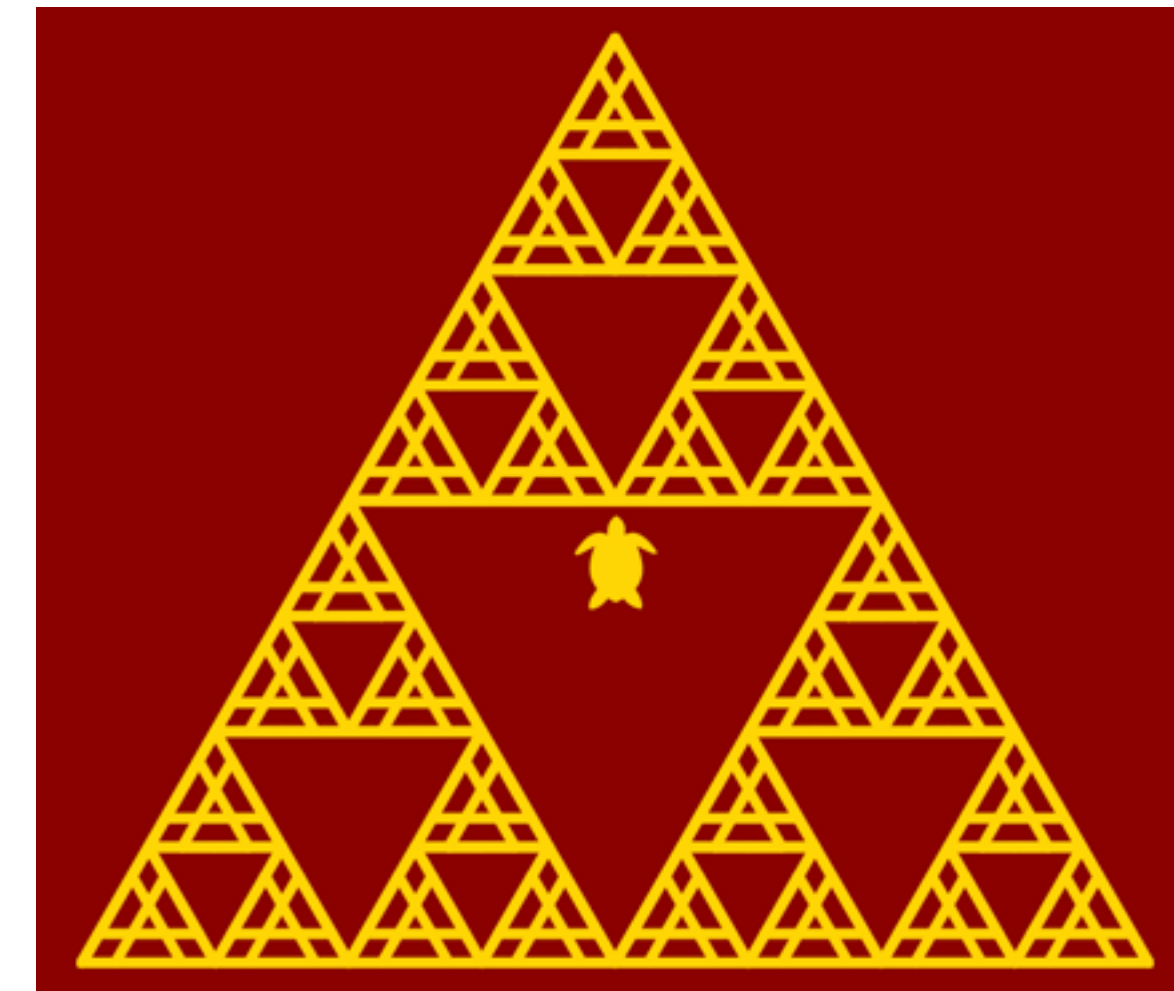
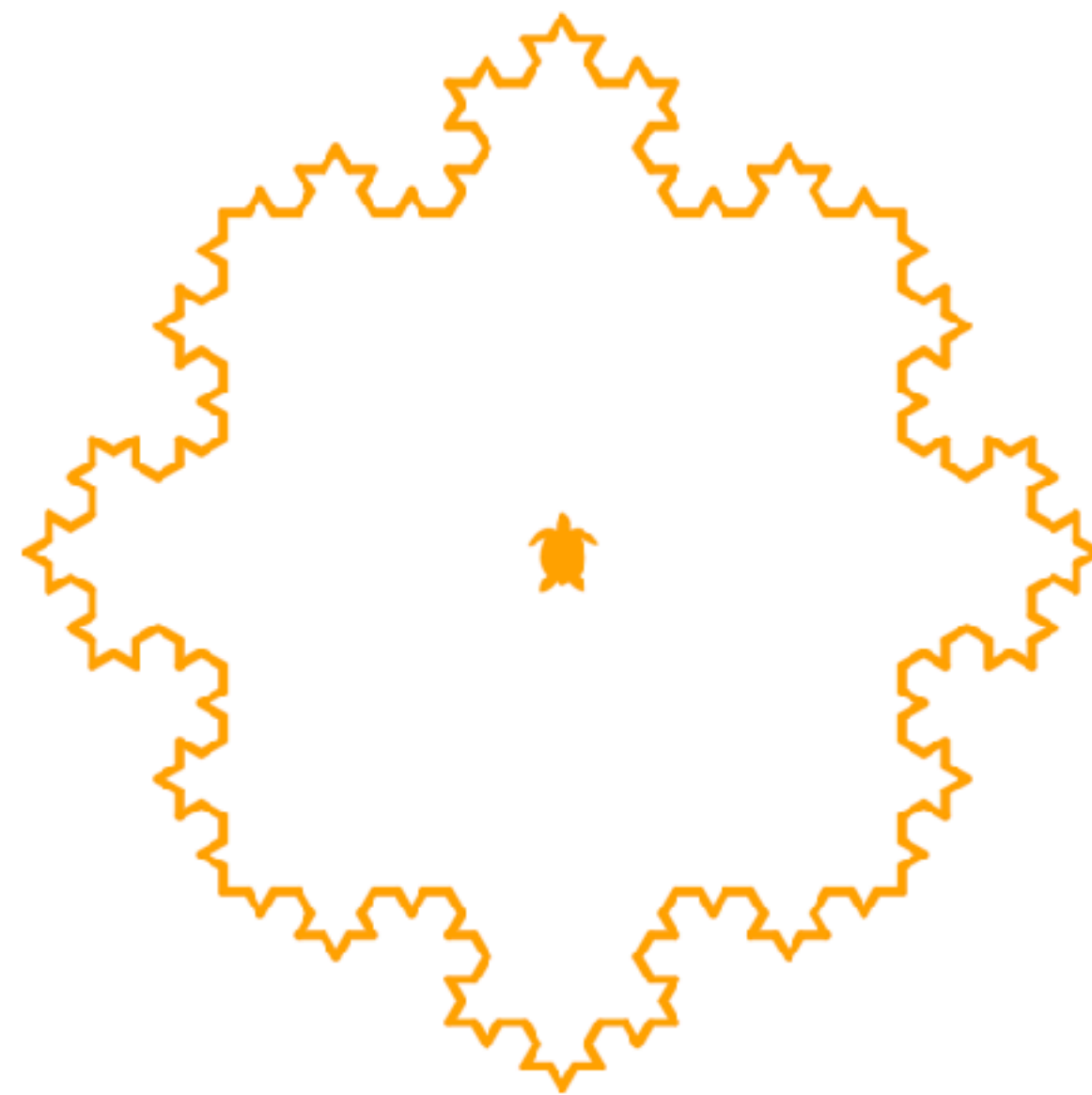
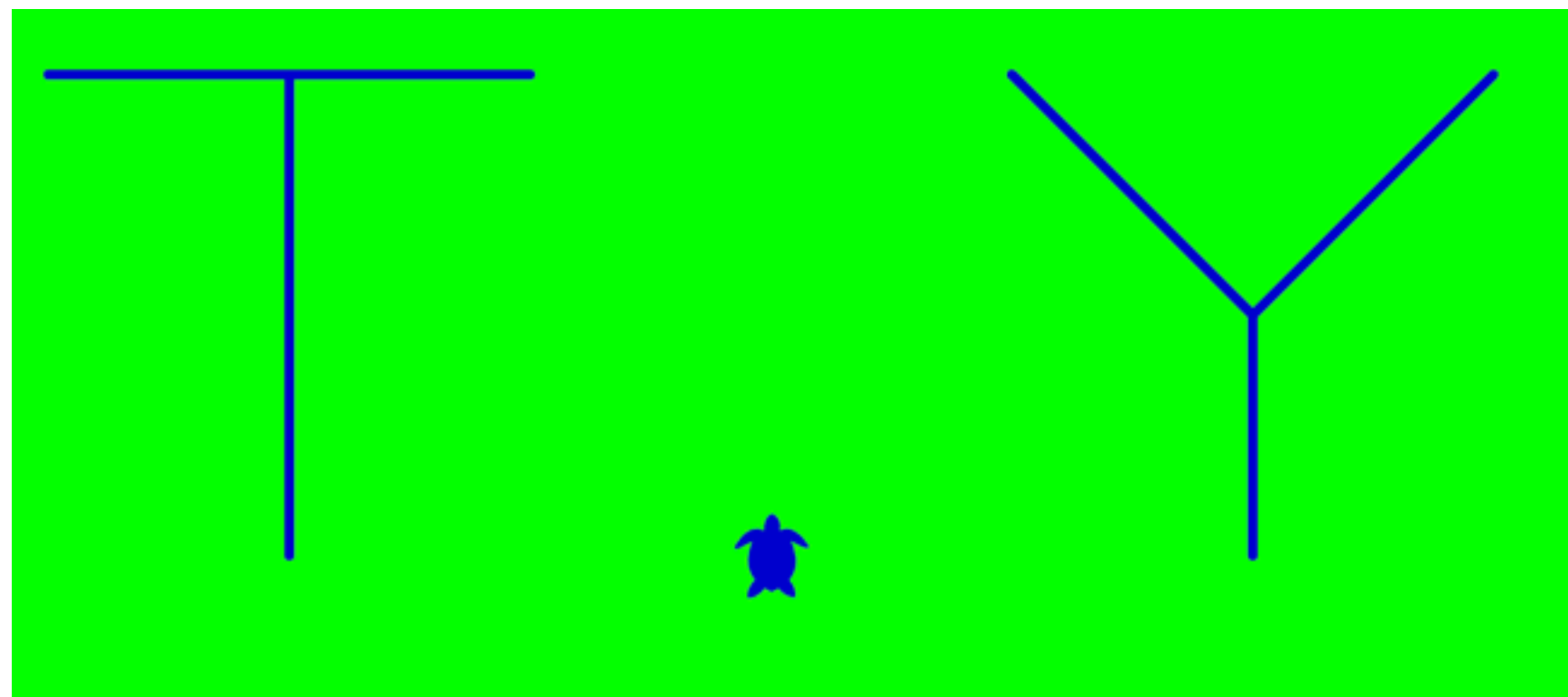
日時	ベーシック	アドバンス
7月22日 (月) 10:30~12:00 講義	Google Colabortory (Python)入門 Turtle Graphics入門	Google Colabortory (Python)入門 Turtle Graphics入門
7月22日 (月) 13:00~14:30 演習	Turtle Graphics で 自分のイニシャルを描こう	Turtle Graphics で多角形を描こう
7月23日 (火) 10:30~12:00 講義	Turtle Graphics で多角形を描こう	再帰関数とフラクタル (コッホ曲線, シェルピンスキーのガスケッ ト、2分木, Levy曲線, Drangon曲線)
7月23日 (火) 13:00~14:30 演習	Turtle Graphics で絵を描こう	Turtle Graphics で フラクタルを描こう



# 資料について

日時	ベーシック	アドバンス
7月22日 (月) 10:30~12:00 講義	Google Colabortory (Python)入門 Turtle_Graphics_Basic.ipynb を使います	Google Colabortory (Python)入門 Turtle Graphics入門 Turtle_Graphics_Basic.ipynb を使います
7月22日 (月) 13:00~14:30 演習	自分のイニシャルを描こう	Turtle Graphics で多角形を描こう
7月23日 (火) 10:30~12:00 講義	Turtle Graphics で多角形を描こう Turtle_Graphics_Basic.ipynb を使います	再帰関数とフラクタル (コッホ曲線, シェルピンスキーのガスケット) Turtle_Graphics_Advanced.ipynb を使います
7月23日 (火) 13:00~14:30 演習	Turtle Graphics で絵を描こう	Turtle Graphics で フラクタルを描こう

# 最終目標：Turtle Graphics で絵を描こう



2日目にチャレンジします！

# Google Colabortory

## Python入門

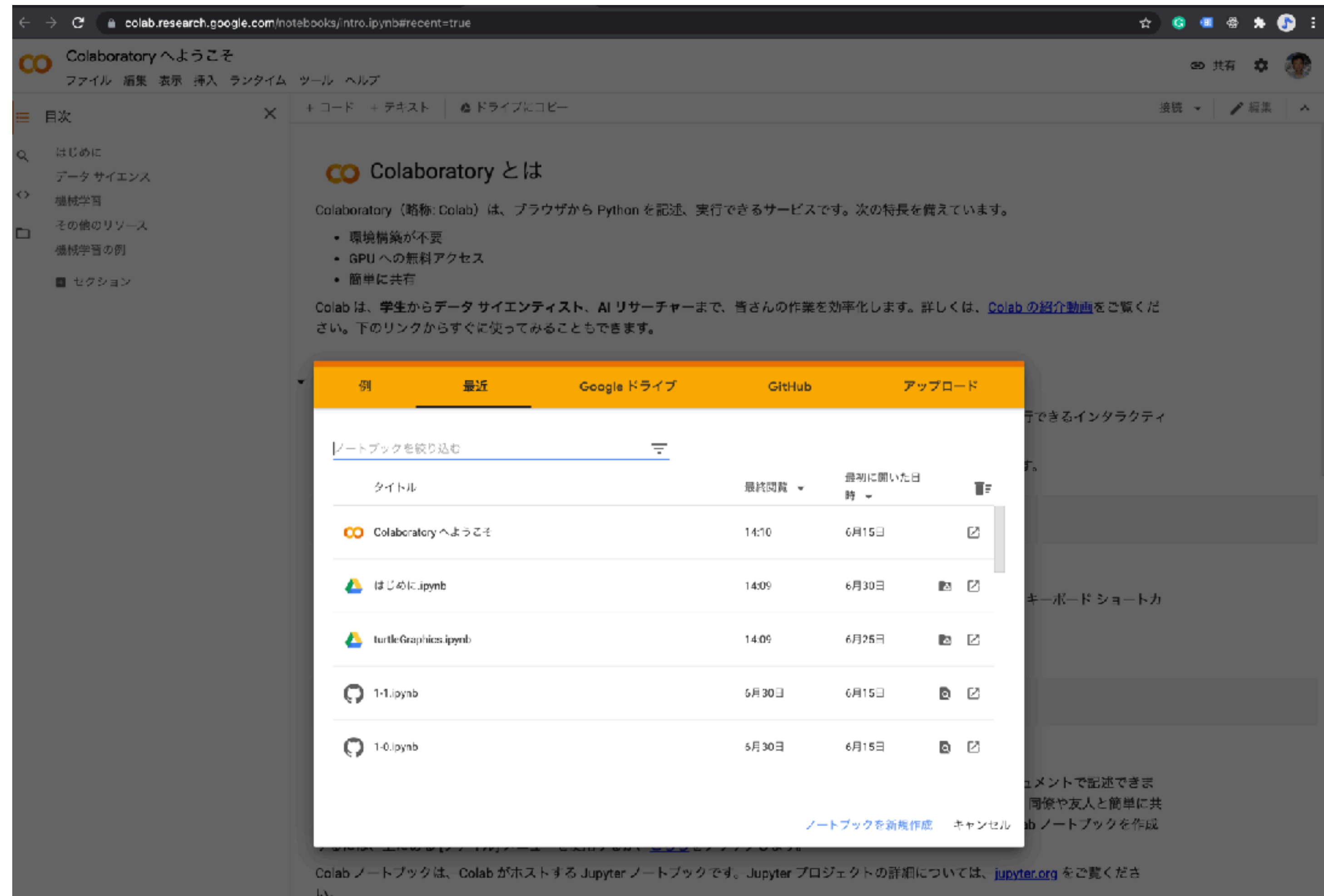
# 準備（事前課題）

## Google Colaboratory

- この講義では Google Colaboratory（コラボと呼びます）を使います。
- コラボの利用には Google アカウントが必要です。事前に取得しておいてください。
- コラボはPCのブラウザから利用できます。自宅からでもOK！
  - ブラウザは何でも良いと思います。もし、うまくいかないようであれば Google Chromeをダウンロードしてご利用ください。
- 事前学習をやりましたか？
  - <https://yamazato.nuee.nagoya-u.ac.jp/research/OER/wwl/>

# コラボノートブック Colab Notebook

- コラボを立ち上げると右のような画面になります
- Zフォルダからファイルをダウンロードし、ご自身のコラボにアップロードしてください。
- コラボの使い方
  - <https://sites.google.com/view/ipsjmooc/How2>



# コラボの基本

コラボの code セルを試してみよう

これが codeセル.

```
[ ] 1+1
```

押下すると pythonプログラム が実行できます.

警告がでるけど心配いりません.

セル

ノートブックはセルから成り立っています。  
主に次の二種類のセルを使います。

- Codeセル (コードセル) : Pythonのコードを実行するには、[ ] のところにマウスが移動すると ▶ が表示されます。これはプレイボタンです。(Shiftを押しながらEnterを押しても実行されます。)
- Markdownセル (テキストセル) : 説明が

警告: このノートブックは **Google** が作成したものではありません。

このノートブックは [GitHub](#) から読み込まれています。Google に保存されているデータへのアクセスが求められたり、他のセッションからデータや認証情報が読み取られたりする場合があります。このノートブックを実行する前にソースコードをご確認ください。

キャンセル [このまま実行](#)

```
▶ 1+1
```

実行結果

2

確認して押下

# Codeセルにプログラムを入力してみよう

## Pythonが実行できます

- cut, copy, paste, undo ができます
  - Ctrl+c, Ctrl+x, Ctrl+v, Ctrl+z
- 四則演算もできます

演算子	説明	例	結果
**	累乗	2**3	8
*	かけ算	3*5	15
/	割り算	10/3	3.33
//	整数の割り算 (小数点以下切り捨て)	10//3	3
%	剰余 (余り)	10%3	1
+	足し算	1+2	3
-	引き算	10-3	7

# 変数も使えます

codeセルで実行してみよう

変数 a に「2」を代入

```
a=2  
b=3  
c=a*b  
# 結果をプリント  
print("c=",c)
```

コメント文（実行されない）

print()関数で c を表示

変数は短い名前が良い

例：a, b, aa, bb

- 数字から始めてはいけない
- ハイフン (-) , スペース, 特殊文字は使えない

必要に応じてコメントを入れる

# から始まる行はコメント



# 関数を定義しよう

def 関数名 (引数1, 引数2, ...):

$c = multiply(a, b)$

$multiply(a, b) = a * b$

TABもしくはスペース4つ開ける

関数は「def」で宣言

関数が受け取る値：引数

関数の結果（返値）は「return」で指定

```
def multiply(a,b):  
    c = a*b  
    return c
```

```
# multiply(2,3) の結果をプリント  
print("c=",multiply(2,3))
```

c= 6

pythonの関数名は**スネークケース**で書くことが多い

例：turtle\_graphics

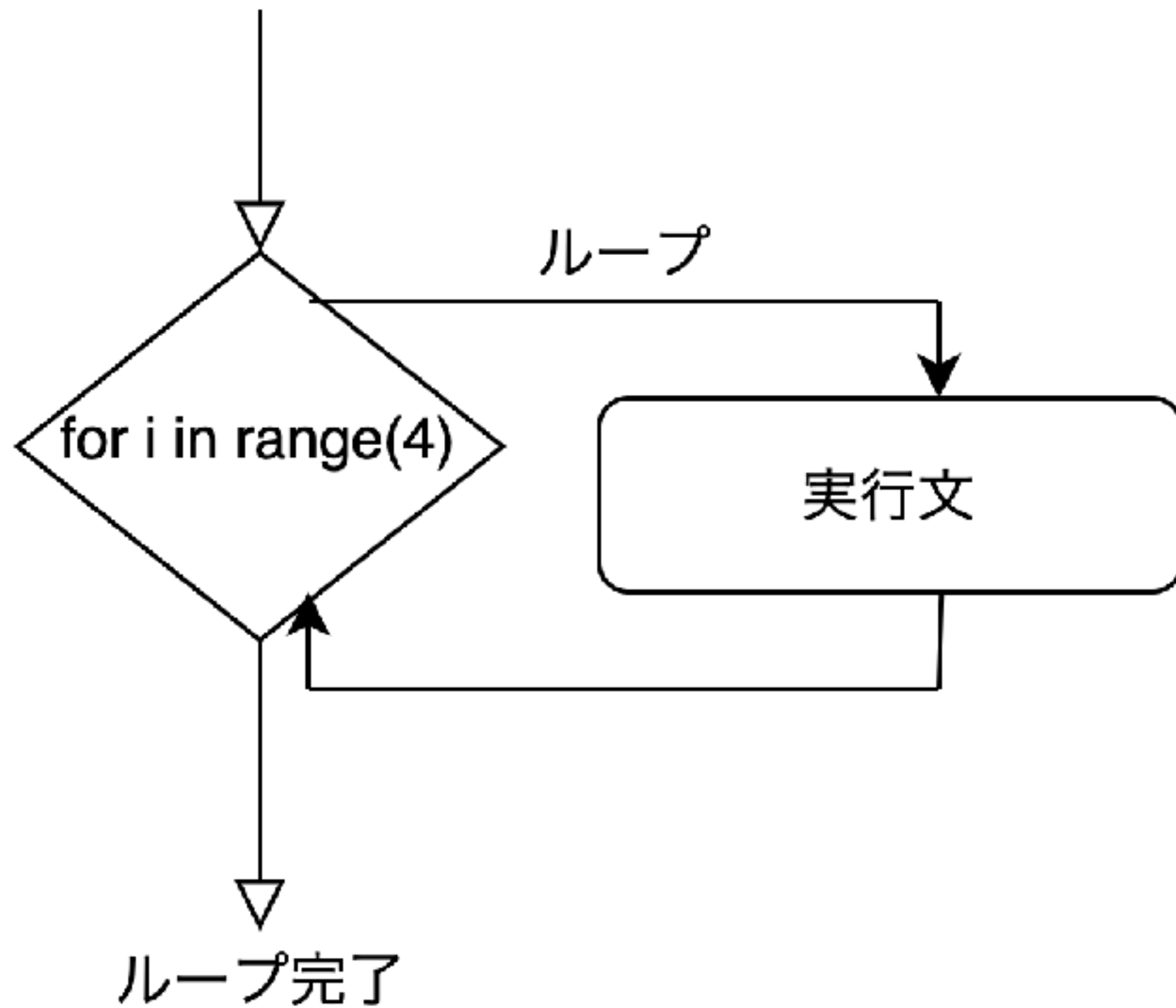
- 分かりやすい名前をつける
- 小文字で始まる
- 単語を組み合わせる場合アンダースコア (   ) で繋げる

# Pythonの命名規則

ほぼスネークケース（単語と単語をアンダースコアでつなぐ）

変数	スネークケース	snake_case
定数	スネークケース（全て大文字）	SNAKE_CASE
グローバル変数	スネークケース	snake_case
関数	スネークケース	snake_case
関数の引数	スネークケース	snake_case
クラス	パスカルケース	PascalCase
インスタンス変数	スネークケース	snake_case
メソッド	スネークケース	snake_case
パッケージ	スネークケース	snake_case
モジュール	スネークケース	snake_case

# for ループと range くり返し



```
for i in range(4):  
    print(i)
```

for 変数 in オブジェクト:  
 実行文

文字列・リスト・関数など

range()  
整数列のリストを返す関数

range(start, stop[, step])

range(0,4,1)

> 0, 1, 2, 3

range(4)

> 0, 1, 2, 3

range(0,4,2)

> 0, 2

range(4,0,-1)

> 3, 2, 1, 0

ターゲットグラフィックス

# タートルグラフィックス

LOGO: by シーモア・パパート

**pen down**



子供用のプログラミングシステム  
わかりやすくするため、簡単なグラフィックスを利用

亀が

前進 : forward(距離)

回転 : right(角度), left(角度)

ペンの上げ下げ : up(), down()

# タートルグラフィックスの主な関数

<https://github.com/tolgaatam/ColabTurtle>

関数	短縮形 (別表記)	説明
<b>forward(units)</b>	fd(units)	亀を units (ピクセル) 前進
<b>backward(units)</b>	bk(units)	亀を units (ピクセル) 後進
<b>right(degrees)</b>	rt(degrees)	亀を degrees 度 右に向ける (回転)
<b>left(degrees)</b>	lt(degrees)	亀を degrees 度 左に向ける (回転)
<b>speed(s)</b>		亀をスピード s で動かす. 1が最も遅く, 13が最も早い. 初期値 4
<b>penup()</b>	up()	ペンを上げる (以後, 描画しない)
<b>pendown()</b>	pd()	ペンを下げる (以後, 描画をはじめる)
<b>setpos(x,y)</b>	goto(x,y)	座標 (x, y) へ亀を移動
<b>bgcolor()</b>		背景の色を指定 ( <a href="https://www.w3schools.com/colors/colors_names.asp">https://www.w3schools.com/colors/colors_names.asp</a> )
<b>pencolor()</b>	color()	ペンの色を指定 ( <a href="https://www.w3schools.com/colors/colors_names.asp">https://www.w3schools.com/colors/colors_names.asp</a> )
<b>pensize(w)</b>	width(w) pensize(w)	ペンの大きさ w を指定
<b>position()</b>	pos()	亀の現在の座標 (x,y) を取得
<b>heading()</b>	getheading()	亀が向いている方向 (角度) を取得

# Colabでのタートルグラフィックス

<https://github.com/tolgaatam/ColabTurtle>

- まず、以下のコマンドでタートルグラフィックスをインストール

```
!pip3 install ColabTurtle
```

```
from ColabTurtle.Turtle import *
```

- 図を書くには初期化が必要になります。

```
initializeTurtle()
```

- 描画領域は以下のように設定されています。

- 画面サイズ：800 x 500

- 亀の位置：画面の中央 (400,250)

- 亀の向き：上

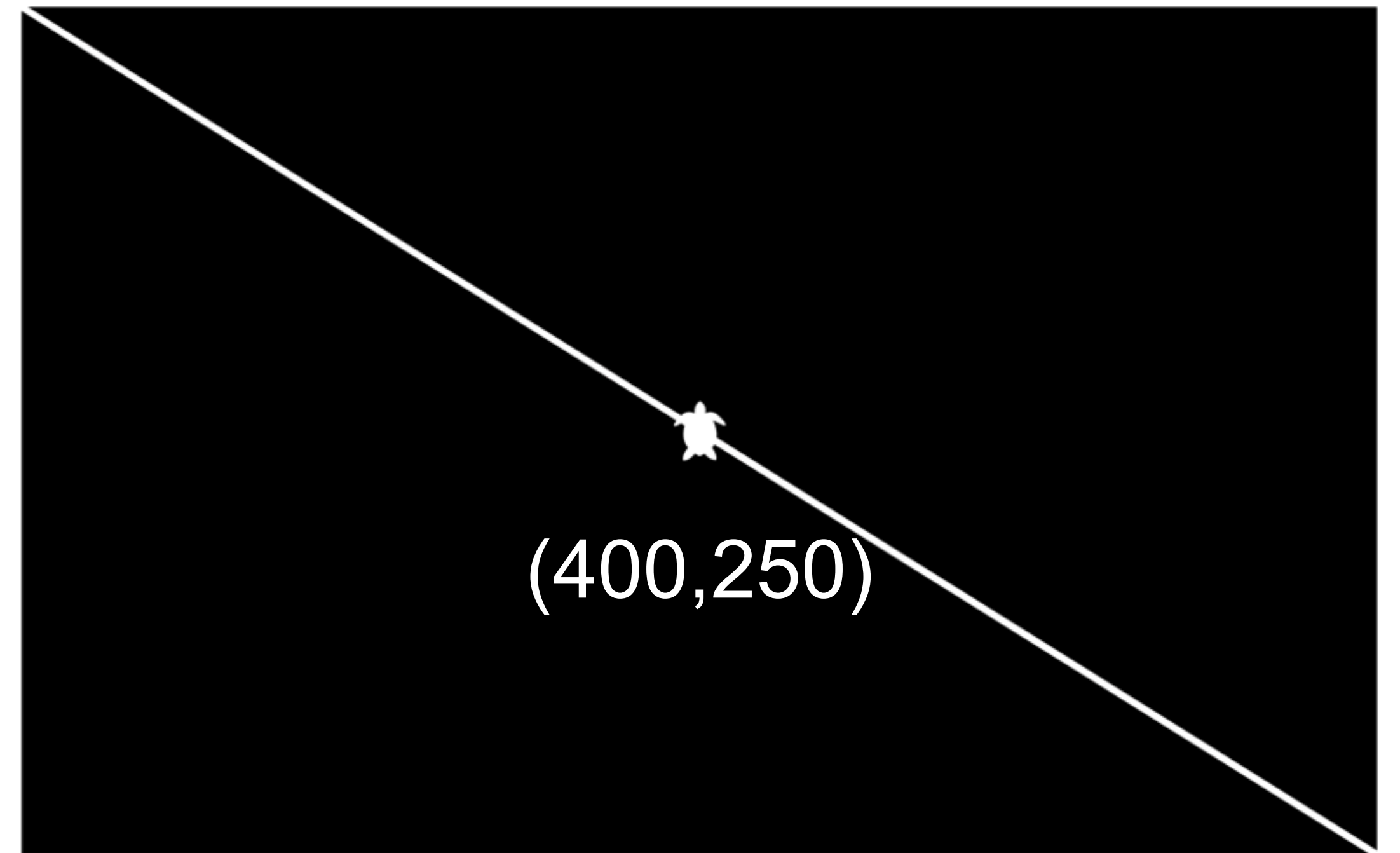
- 亀の動く速度：speed = 4

- ペンのサイズ：width(4)

- ペンの色：color("white")

- 背景の色：bgcolor("black")

(0,0)



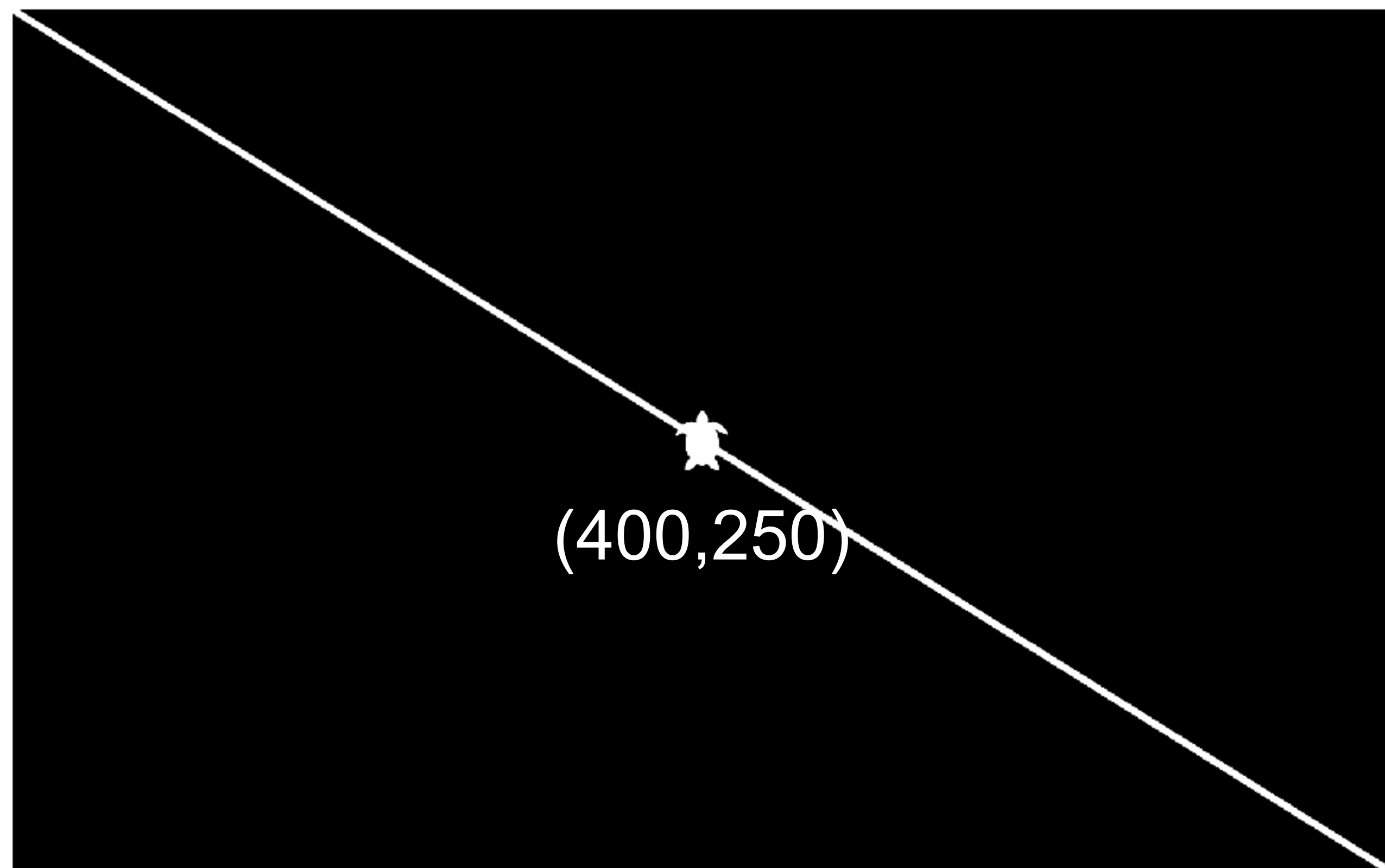
(800,500)

# タートルグラフィックス

## まずは設計から

- 800x500の画面に一辺が100の正方形を亀の軌跡で描く
- 画面は左上が  $(0,0)$  , 右下が  $(800,500)$
- 亀の最初の位置は方眼紙の中心  $(400,250)$

$(0,0)$



$(800,500)$

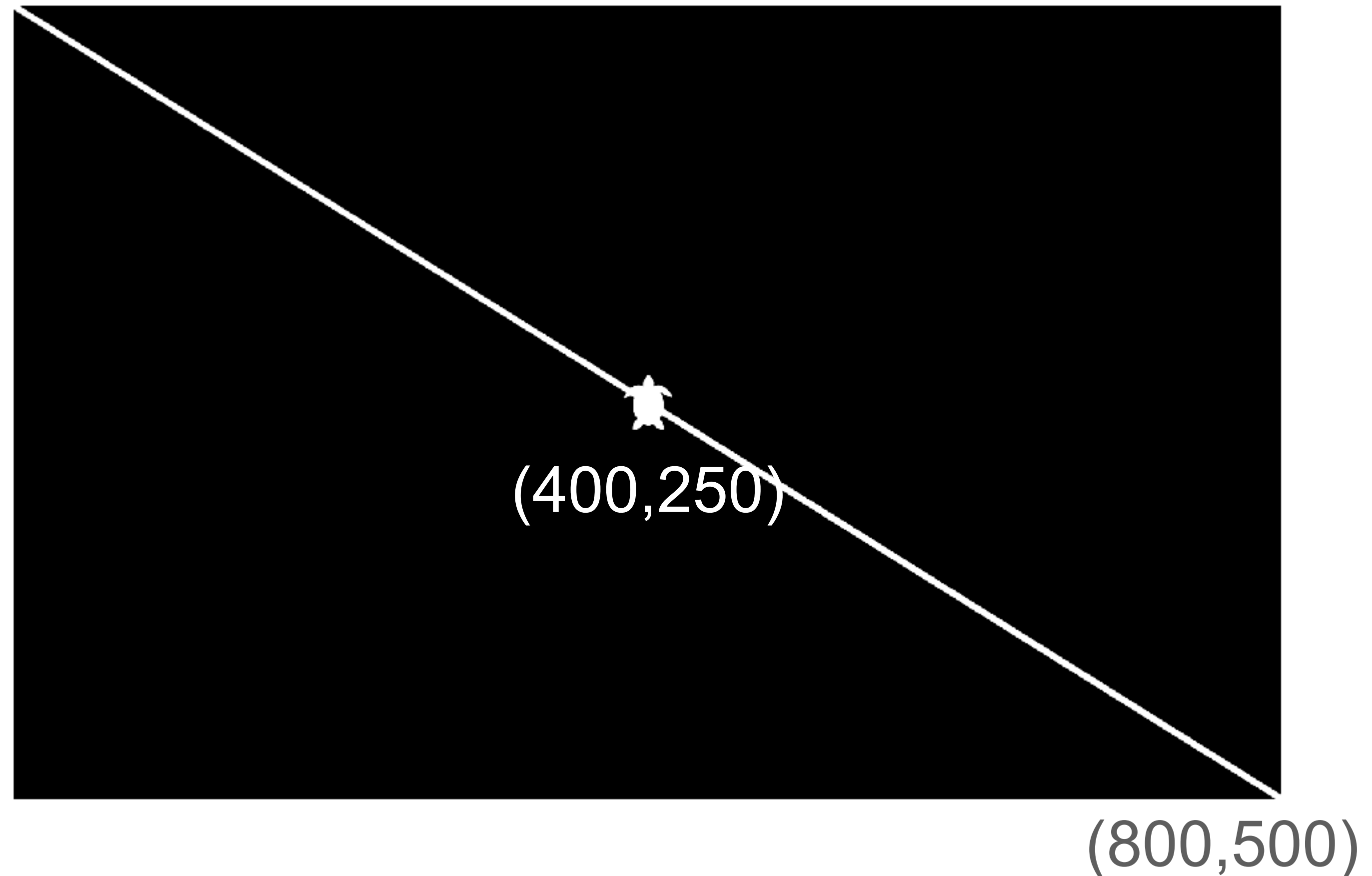


# 中心から右へ亀さんを動かす

## forward

- 800x500の画面に一边が100の正方形を亀の軌跡で描く
- 画面は左上が  $(0,0)$  , 右下が  $(800,500)$
- 亀の最初の位置は方眼紙の中心  $(400,250)$

$(0,0)$



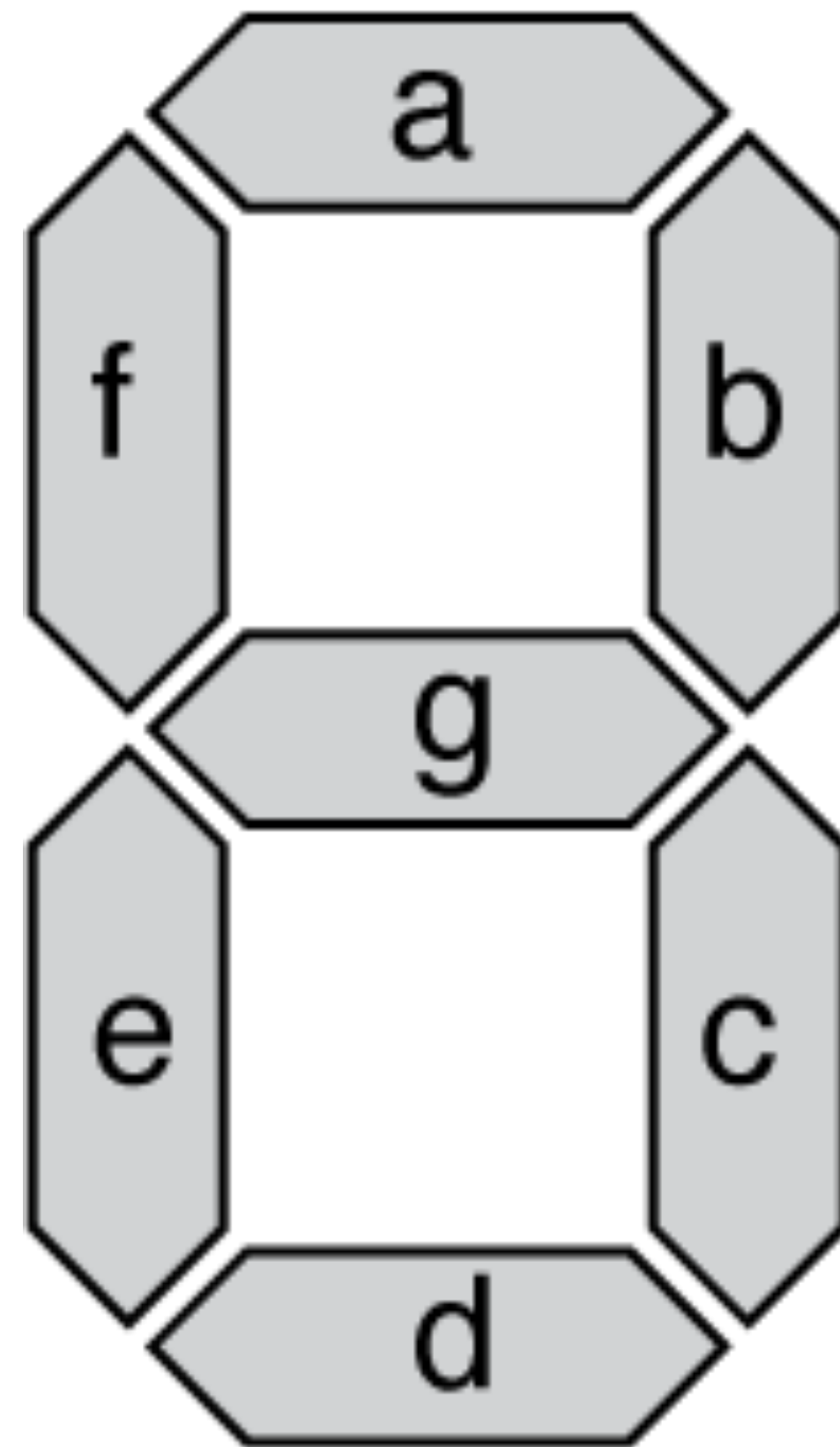
# 試してみよう！

Google Colaファイルを開いて自分で試してみてください。

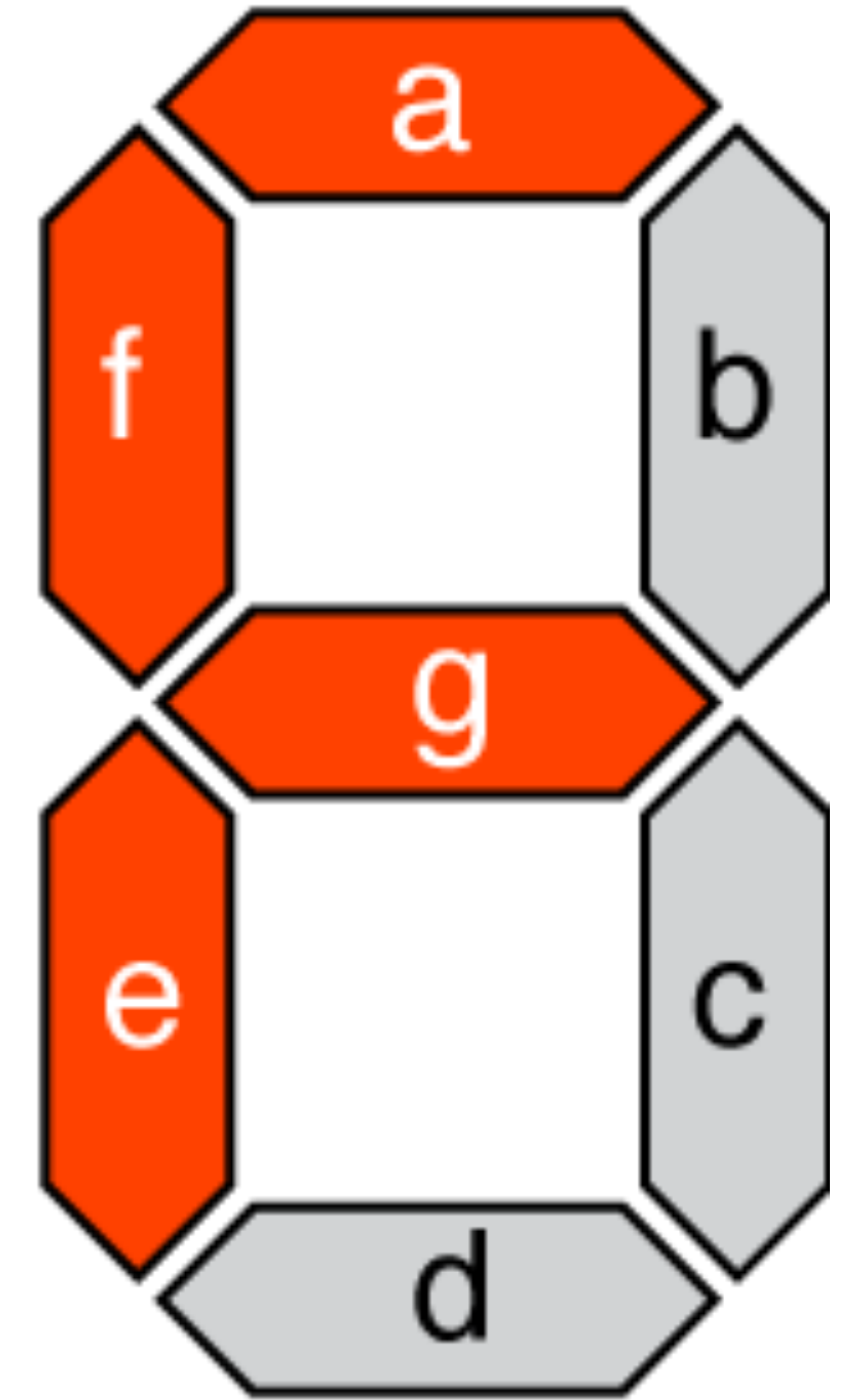

# 直線でアルファベットを描こう

## 7-Segment display

- 亀さんを上下左右に動かすことで数字の 0~9, そしてアルファベットの A, C, E, F, G, H, J, L, O, P, S, U を描くことができます.

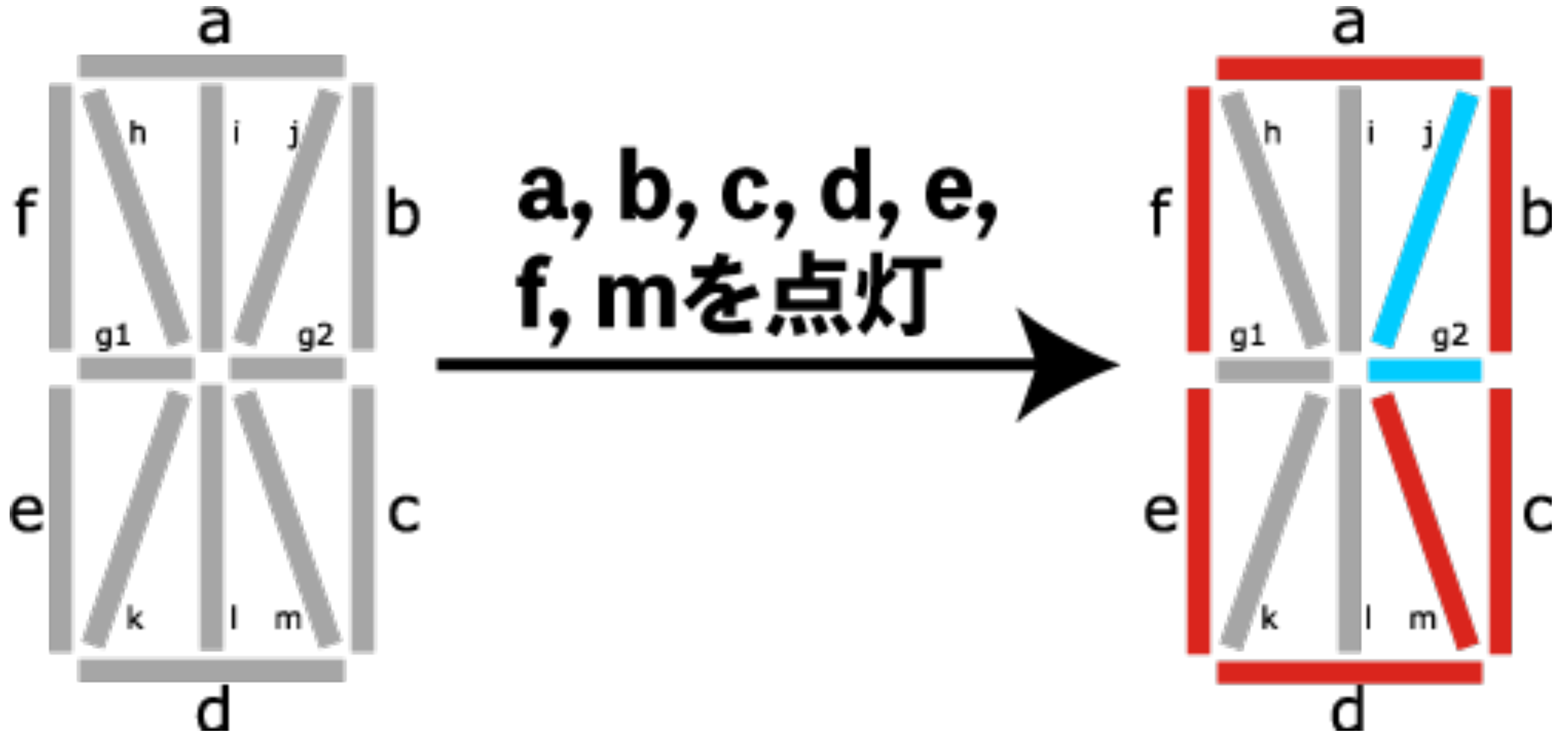


**a, f, g, e**  
を点灯

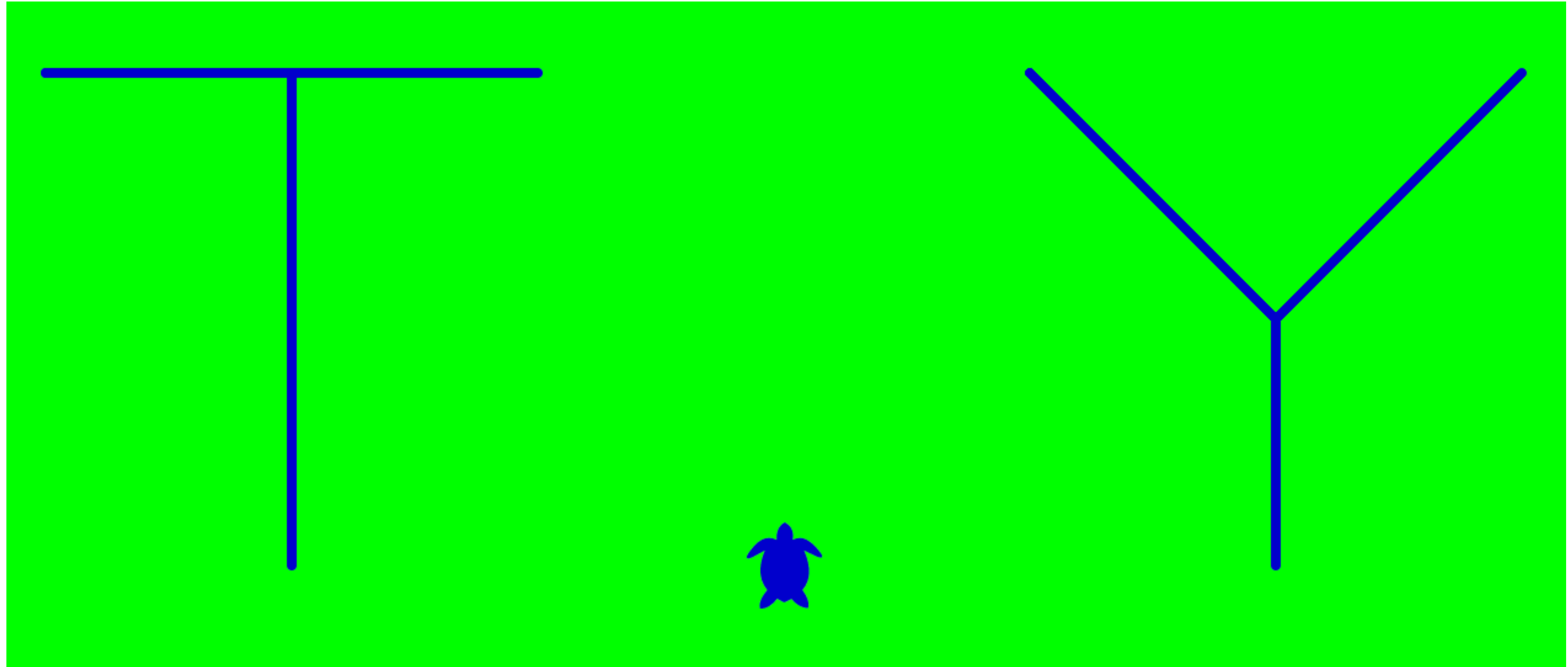


# 14セグメントディスプレイ

全てのアルファベットを描くことができます



# 演習：自分のイニシャルを描こう

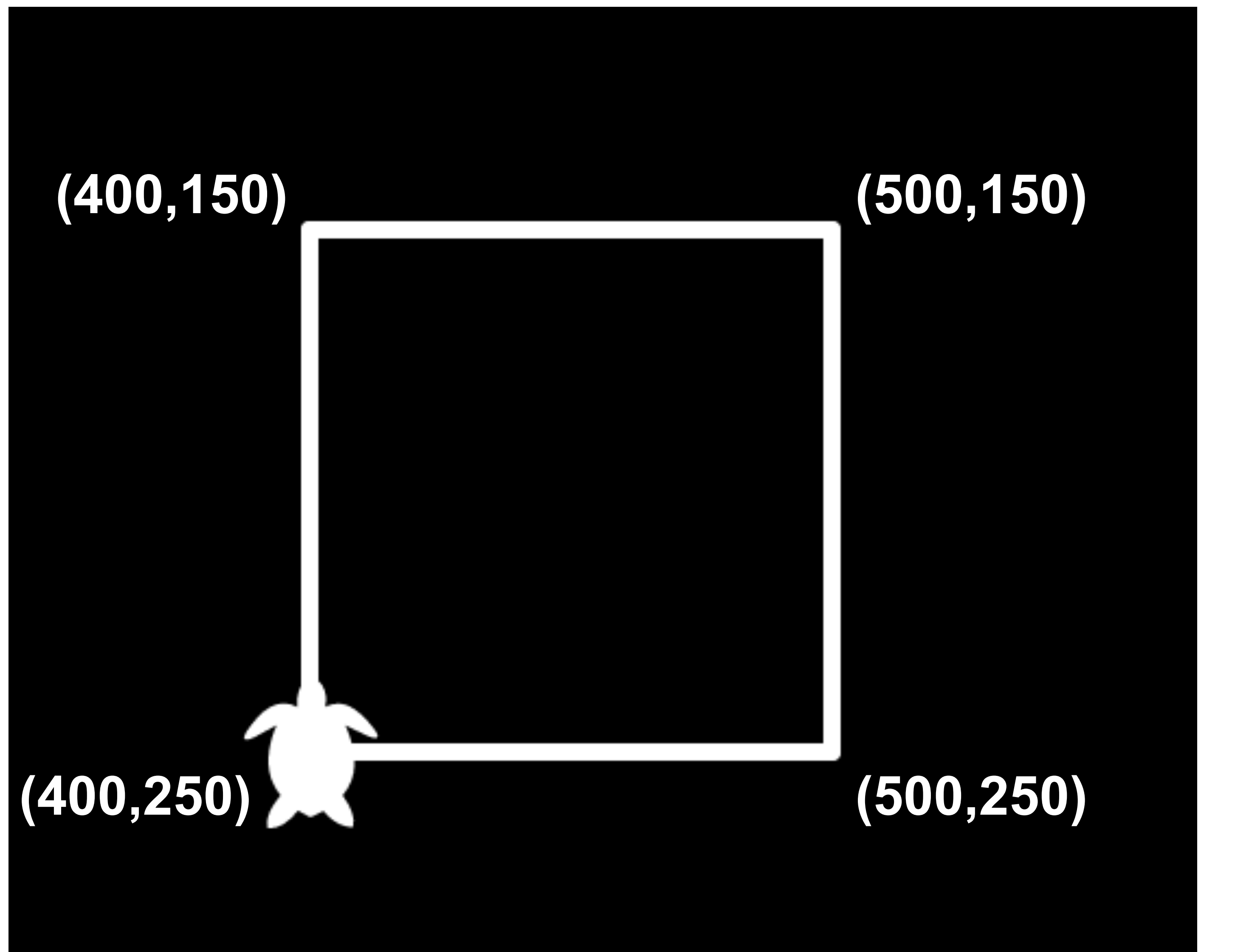


# タートルグラフィックス

まずは設計から

- 800x500の画面に一辺が100の正方形を亀の軌跡で描く
- 画面は左上が  $(0,0)$  , 右下が  $(800,500)$
- 亀の最初の位置は方眼紙の中心  $(400,250)$

$(0,0)$



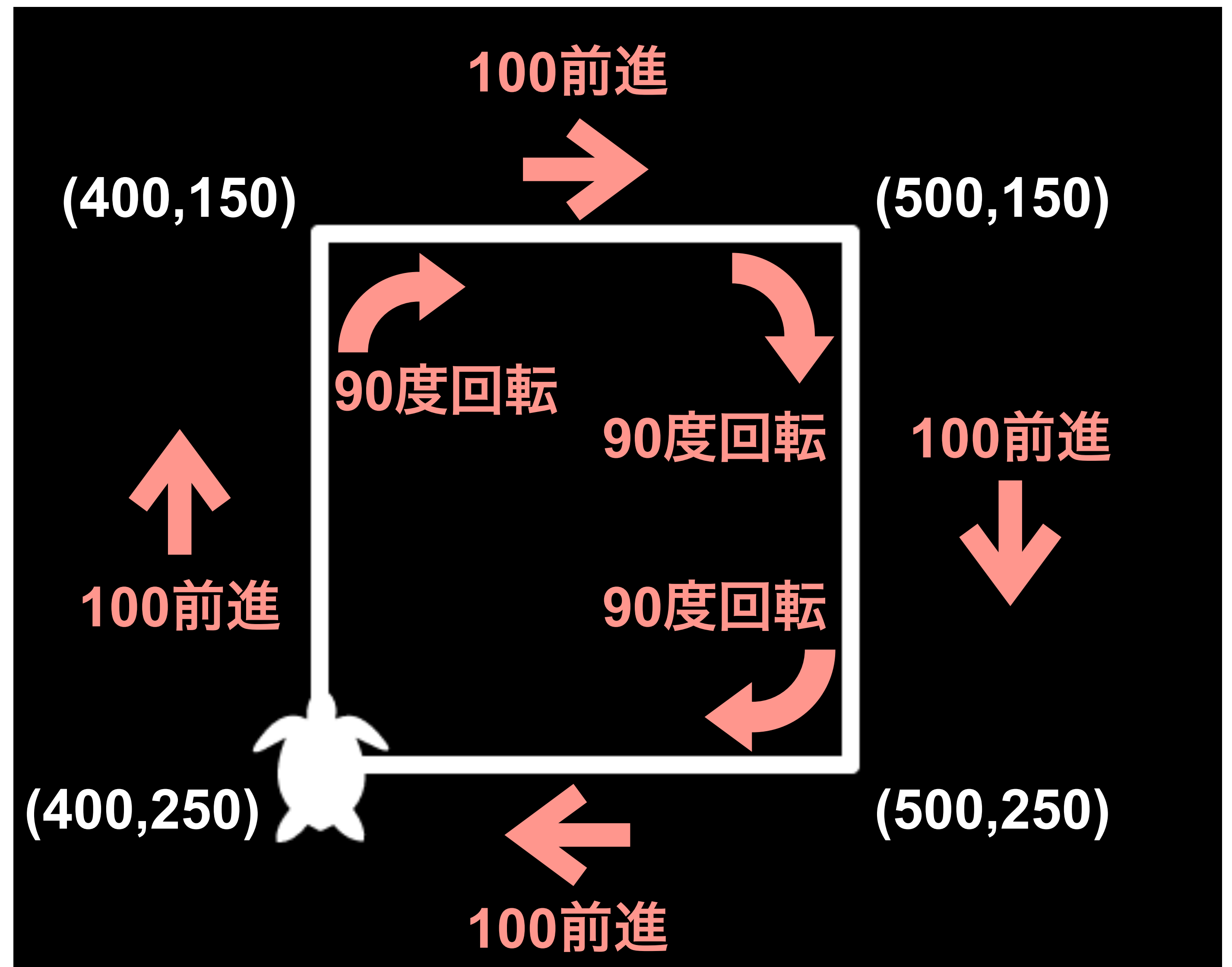
$(800,500)$ <sub>30</sub>

# タートルグラフィックス

亀を動かそう

- 1) 100前進
- 2) 90度回転
- 3) 100前進
- 4) 90度回転
- 5) 100前進
- 6) 90度回転
- 7) 100前進

→ 正方形が描画できる



# タートルグラフィックス

コマンドで書くと

```
forward(100)
```

```
right(90)
```

```
forward(100)
```

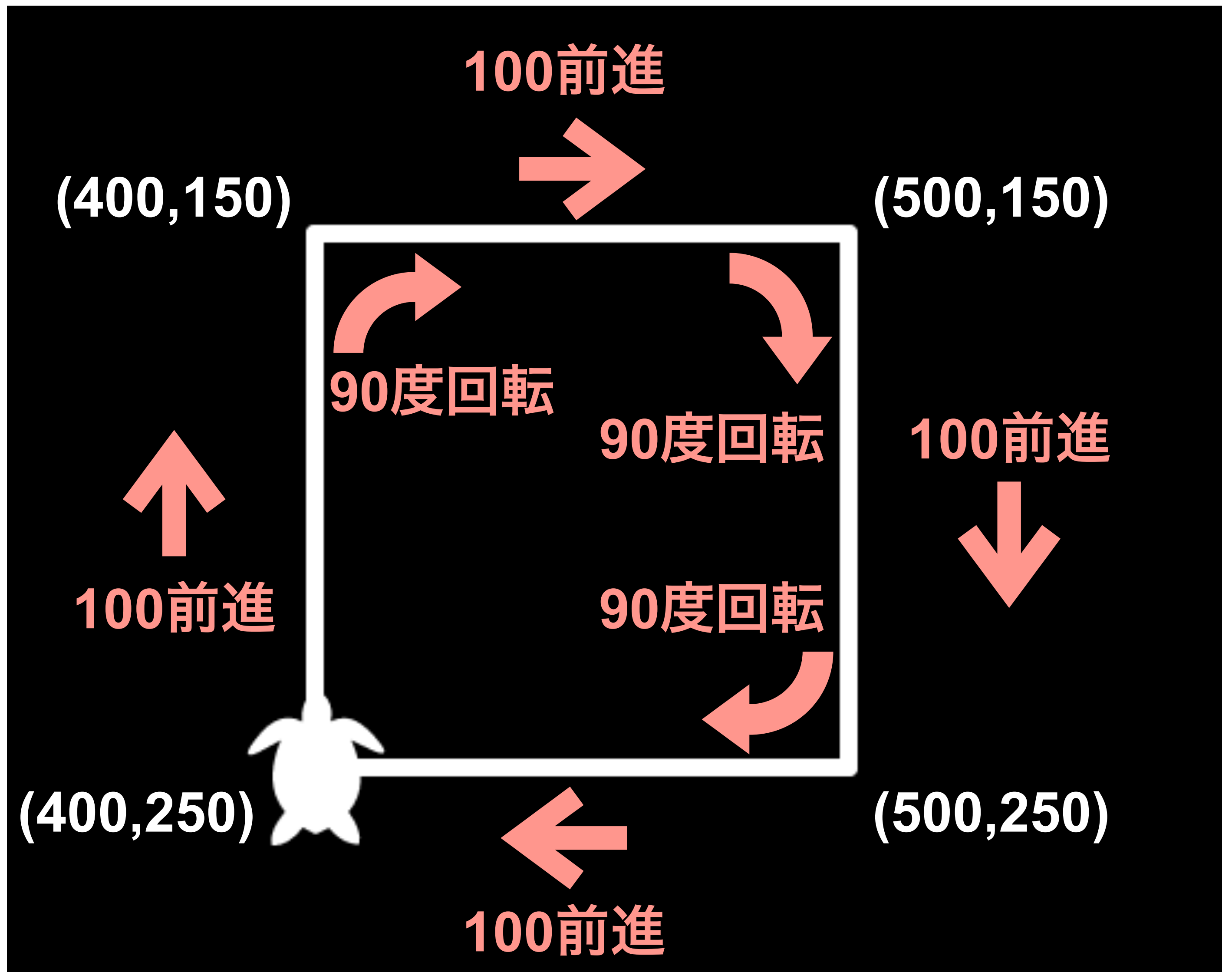
```
right(90)
```

```
forward(100)
```

```
right(90)
```

```
forward(100)
```

```
right(90)
```





# 同じ処理のくり返しはループでまわす

```
for i in range(4):  
    forward(100)  
    right(90)
```

range(start, stop[, step])

range(0,4,1)

> 0, 1, 2, 3

range(4)

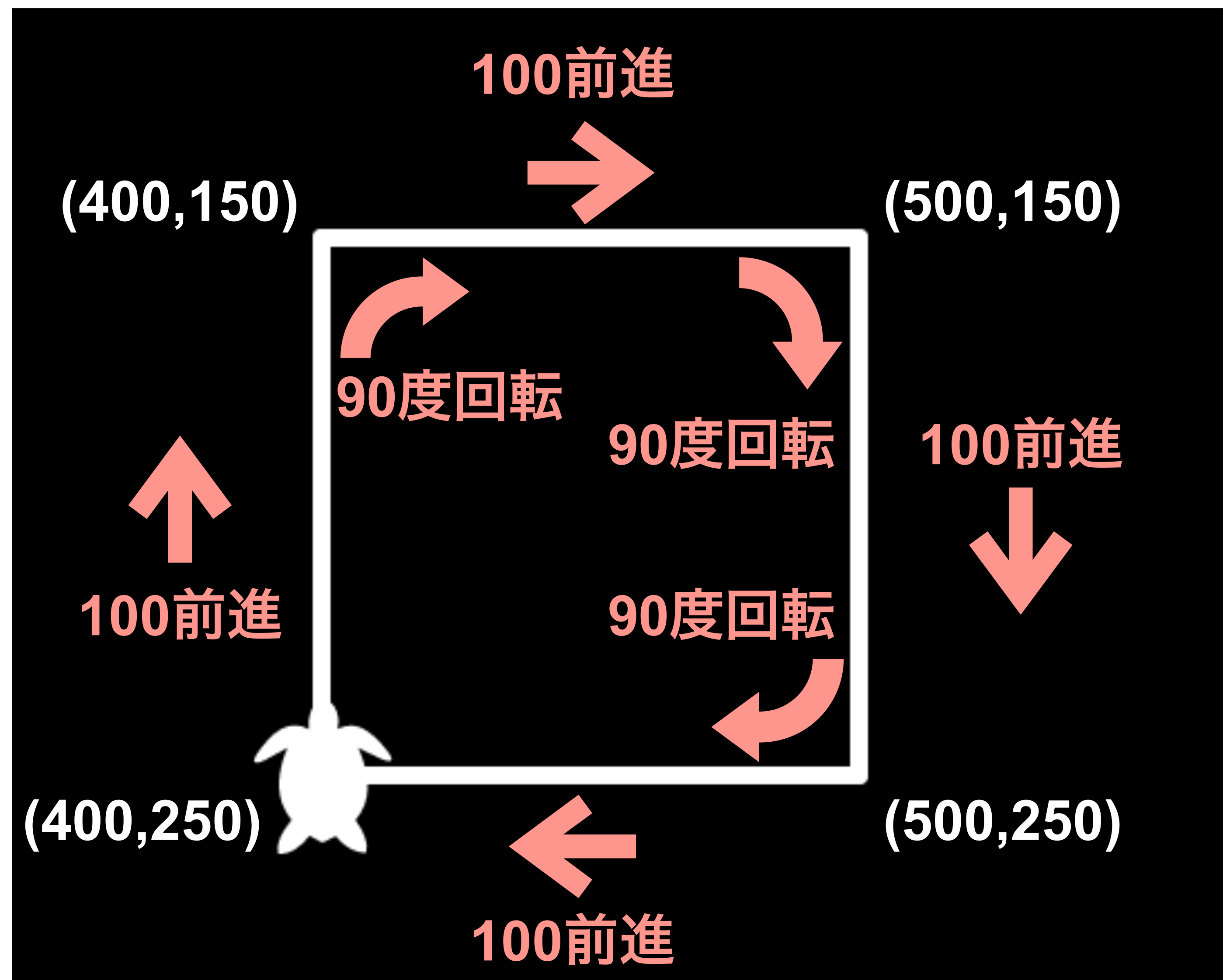
> 0, 1, 2, 3

range(0,4,2)

> 0, 2

range(4,0,-1)

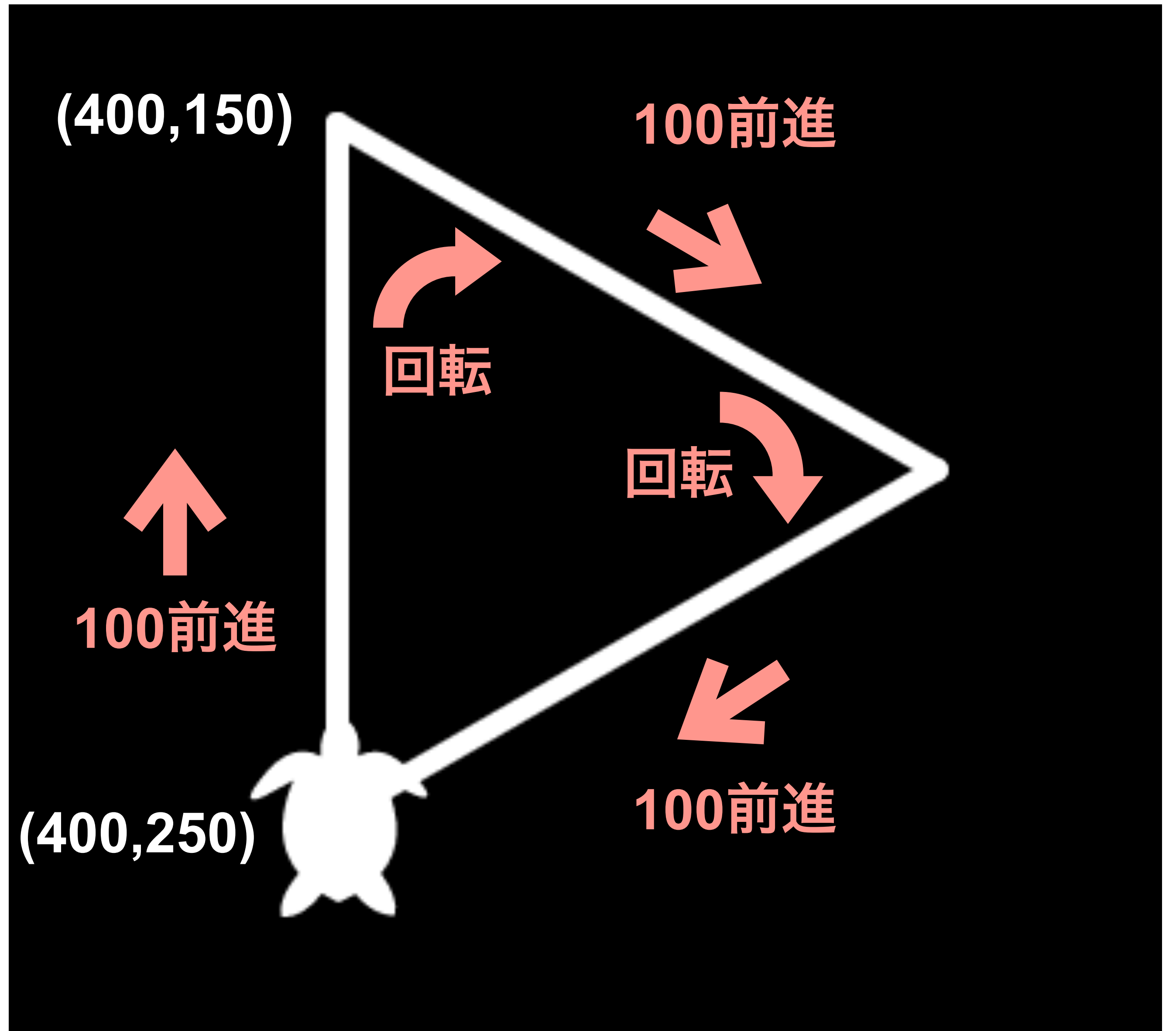
> 3, 2, 1, 0



# やってみよう：正三角形

??は自分で考えてね

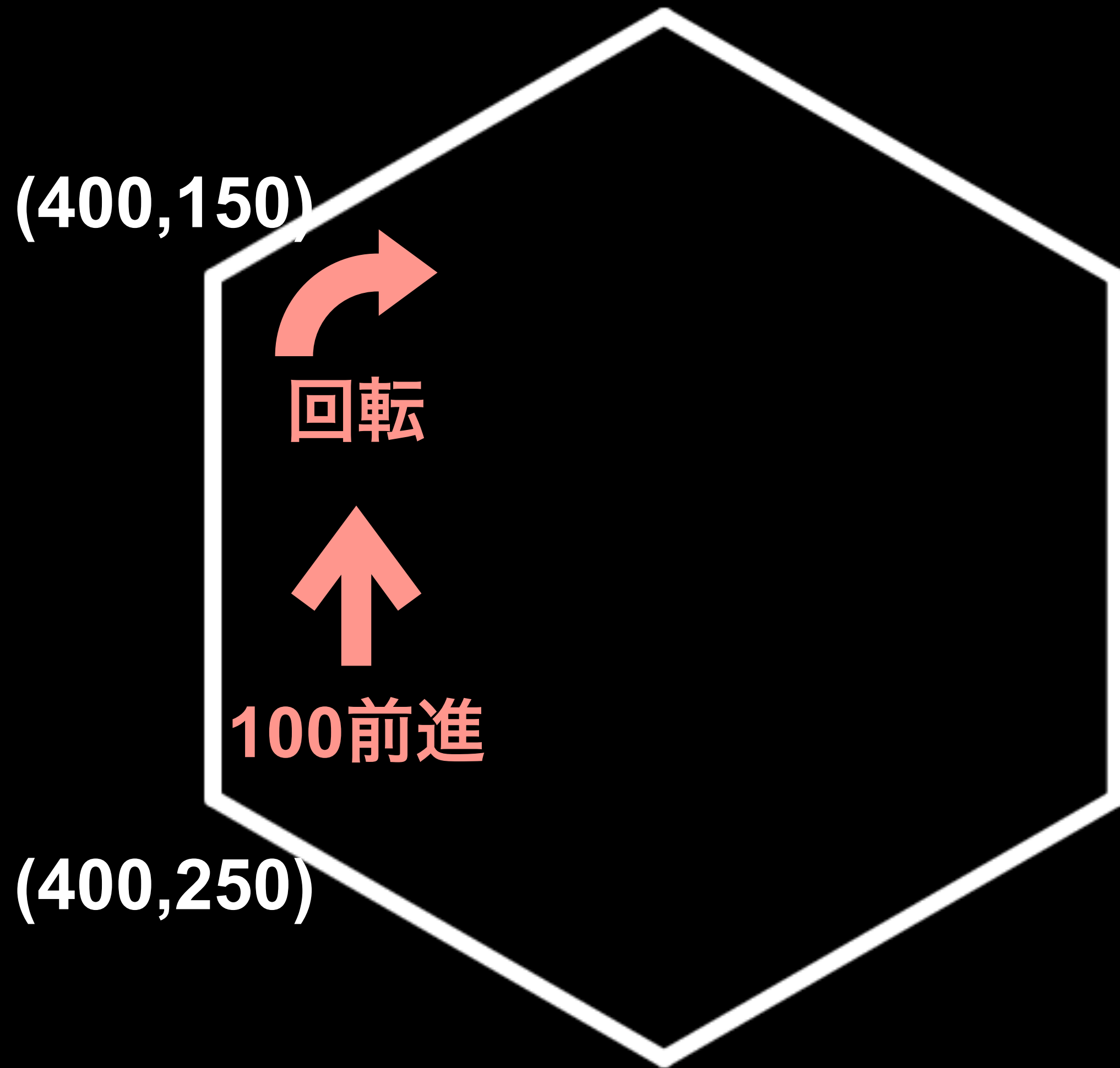
```
for i in range(?):  
    forward(100)  
    right(??)
```



# やってみよう：正六角形

??は自分で考えてね

```
for i in range(?):  
    forward(100)  
    right(??)
```



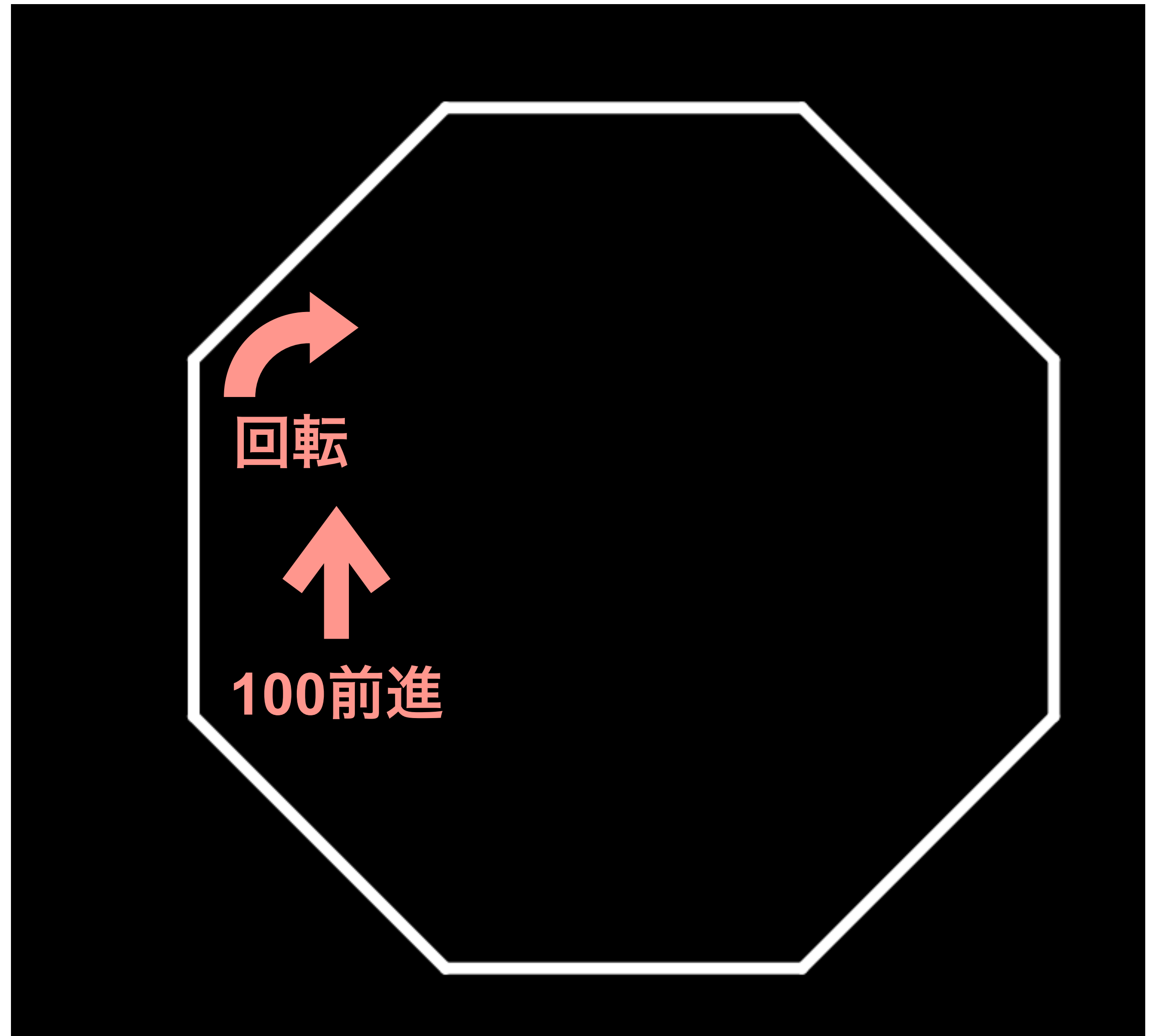
# 一般化：正n角形

??は自分で考えてね

```
length=100
```

```
angle = ??
```

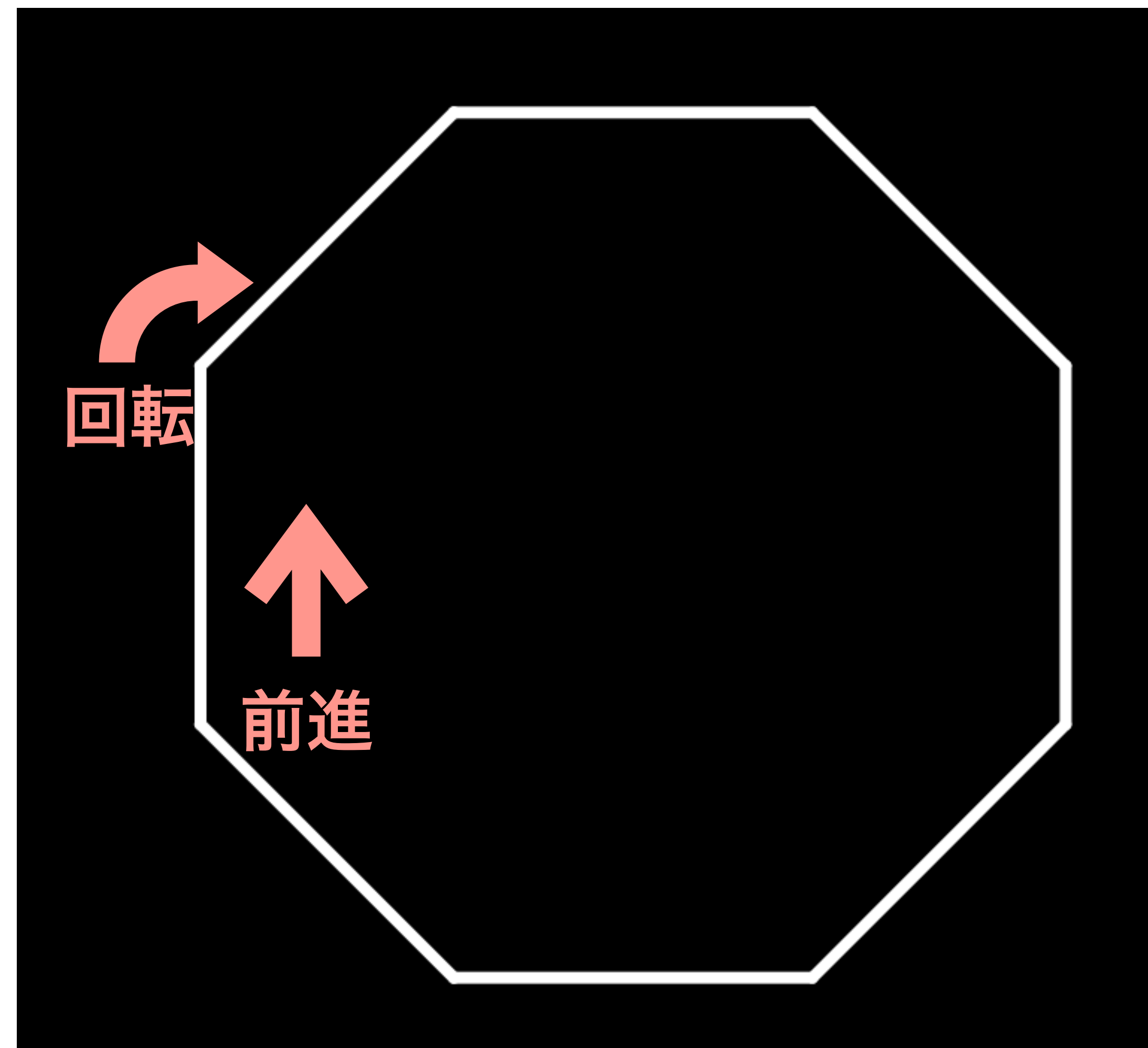
```
for i in range(?):  
    forward(length)  
    right(angle)
```



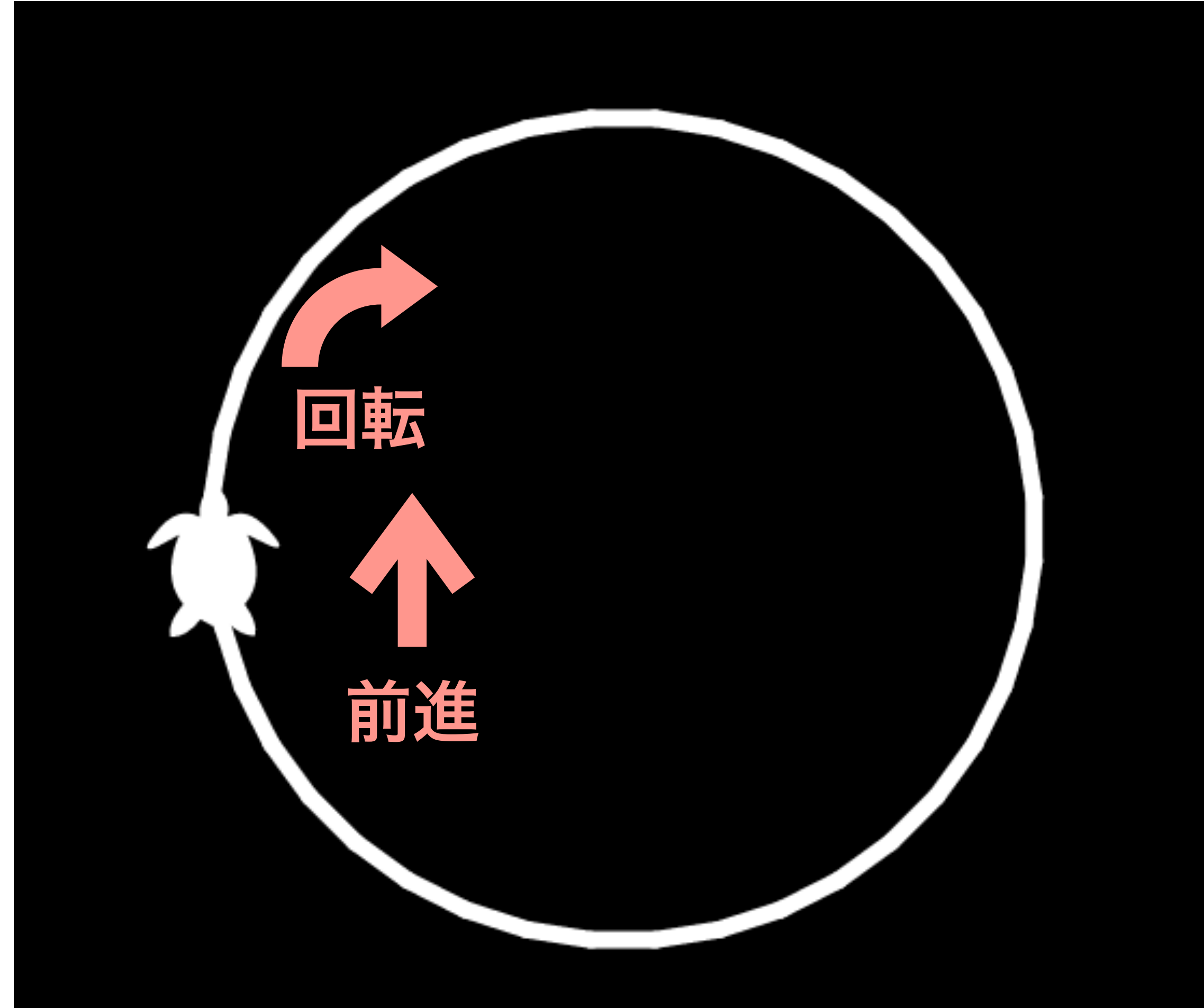
# 関数 polygon

??は自分で考えてね

```
def polygon(n, length):  
    length = ??  
    angle = ??  
    for i in range(??):  
        ??  
        ??
```

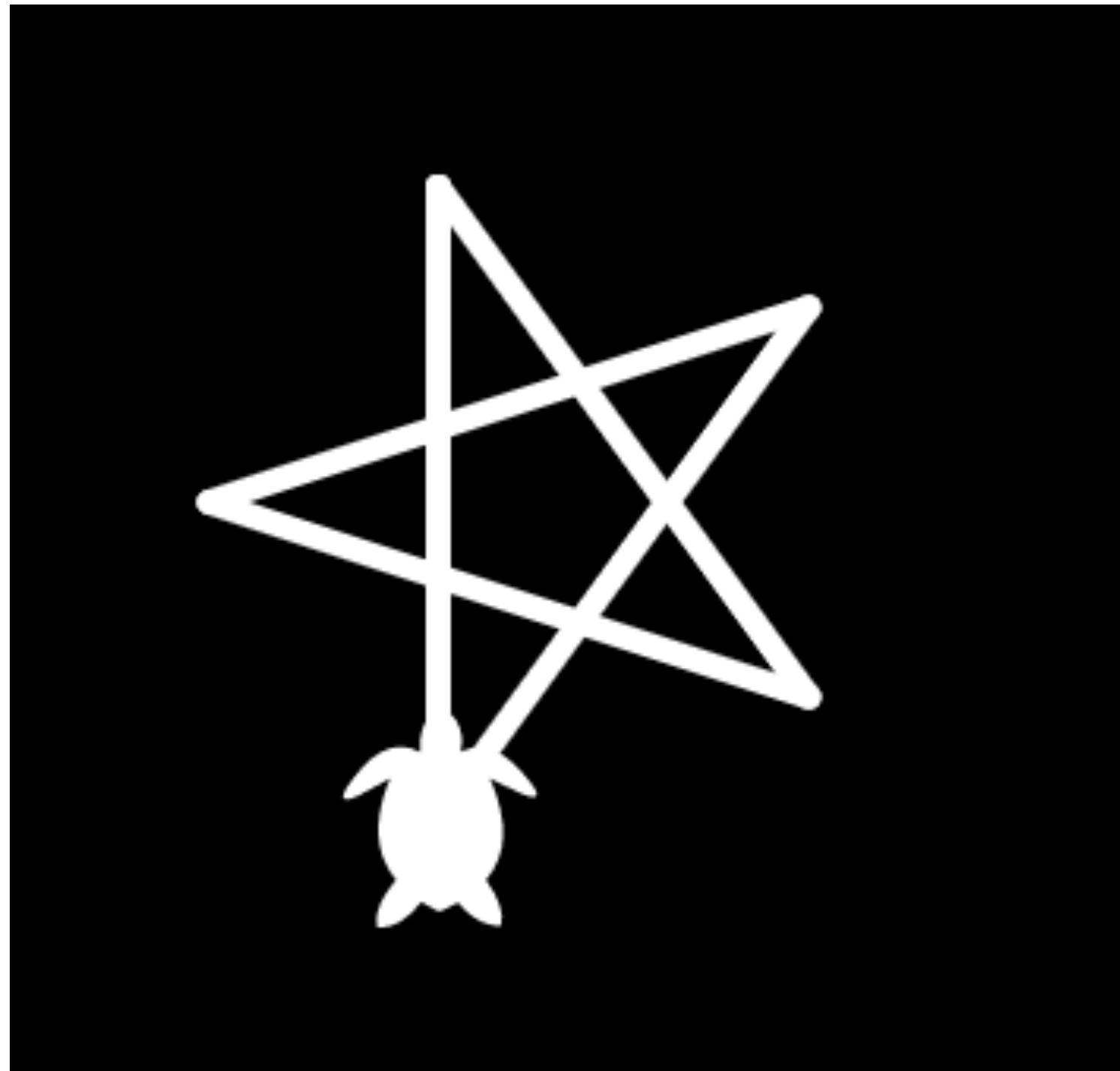


# 円はどう描く？



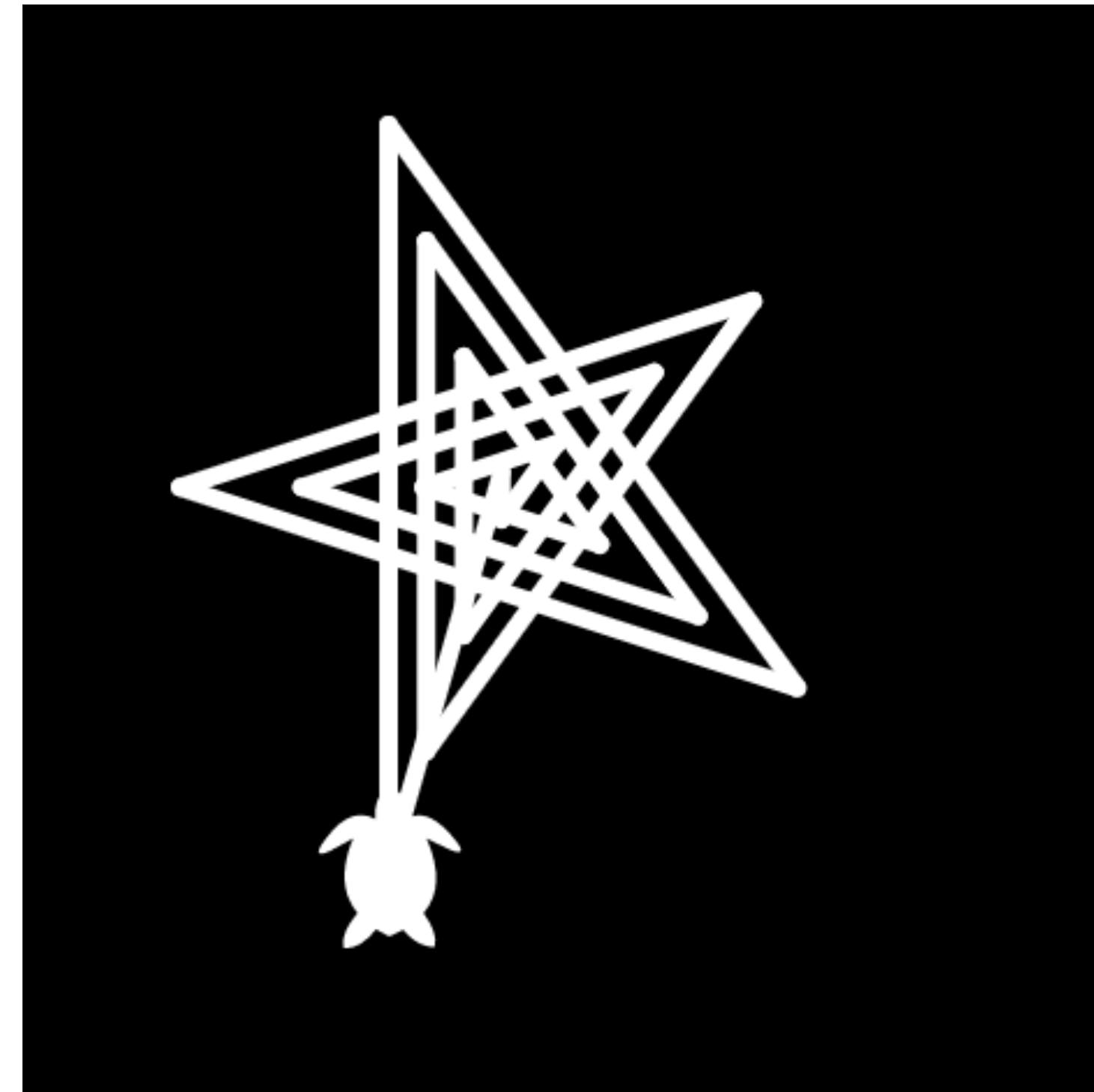
# 少し複雑な図形に挑戦

```
## Star  
angle = ??  
for i in range(?):  
    forward(200)  
    right(angle)
```



だんだん小さくなる

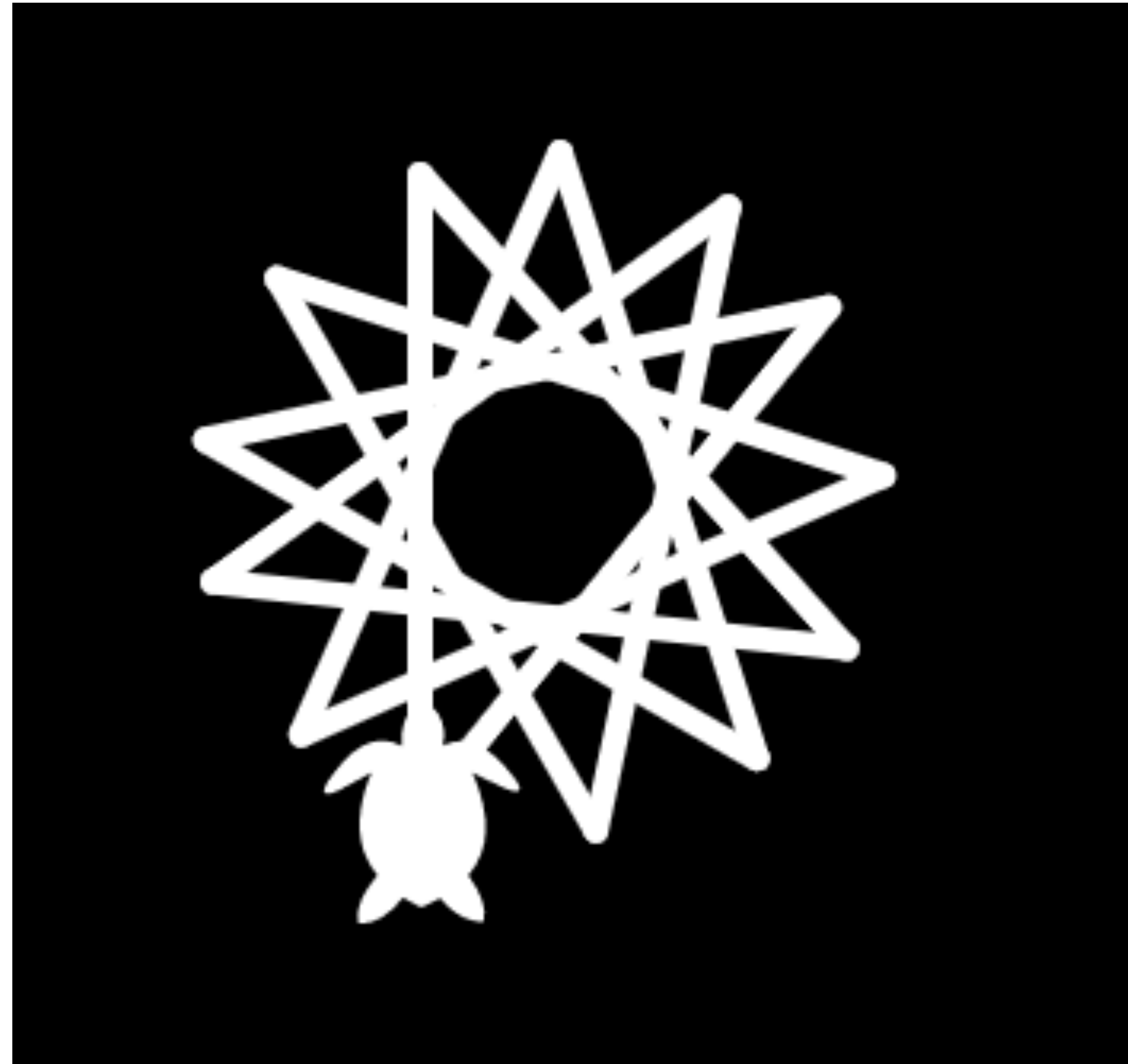
```
## Star2  
angle = ??  
for i in range(?):  
    forward(200-i*10)  
    right(angle)
```



# 回りながら三角形をくり返し描く

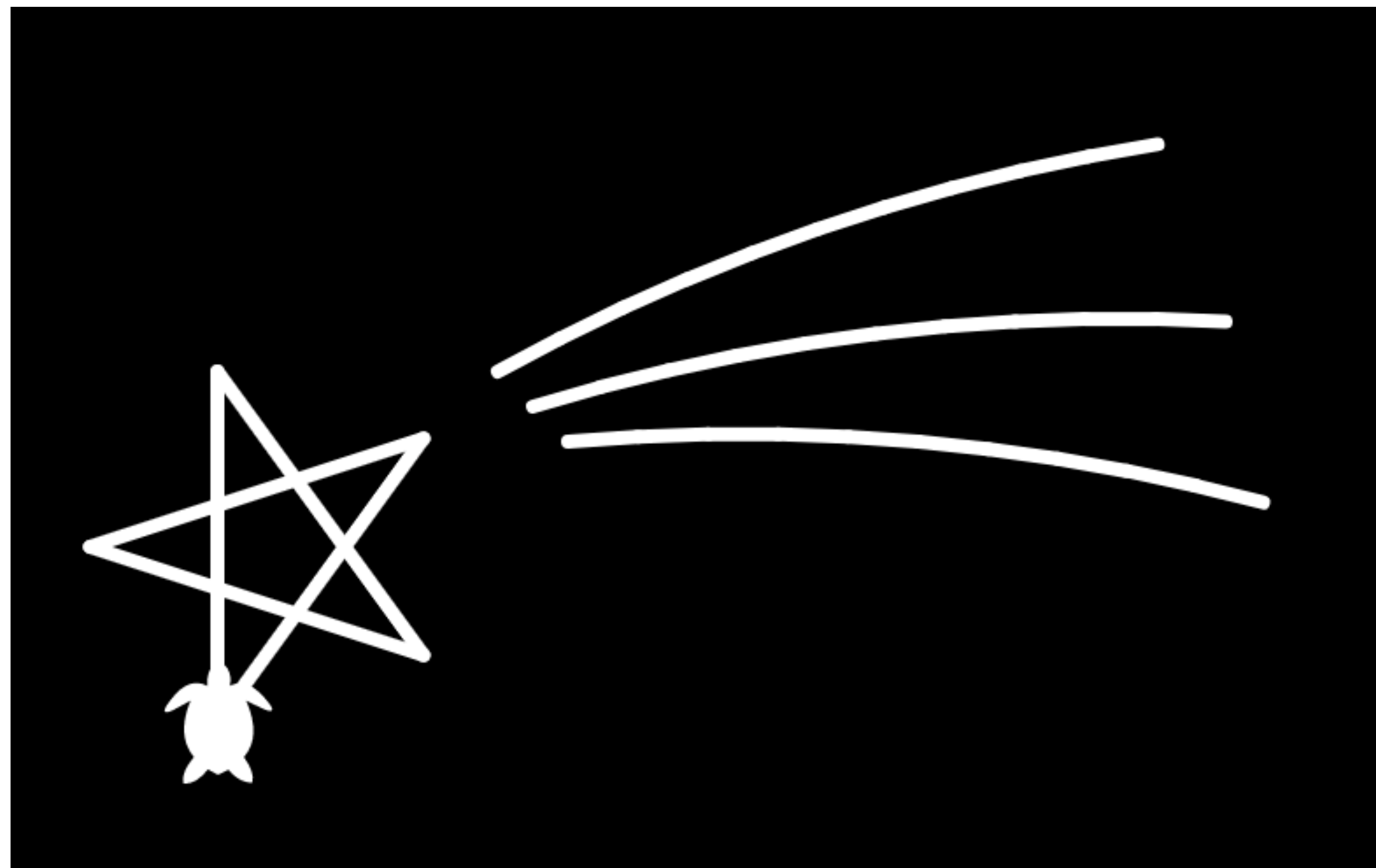
```
## Triangle  
angle = ??  
for i in range(?):  
    forward(200)  
    right(angle + ??)
```

回転





# 流れ星は？



ペンアップ：描くのをやめる

亀の移動

ペンドアウン：描きはじめる

```
## Star
angle = ??
for i in range(?):
    forward(100)
    right(angle)

right(70)
for i in range(3):
    penup()
    goto(480+i*10, 150+i*10)
    pendown()
    left(8)
    for i in range(10):
        forward(20)
        right(2)
    penup()
```

# 演習：絵を描こう

