流体力学Ⅰ試験問題(1)

1975-1-9

by E. Yamazato

- 1. 図 1 に示すタンクで A-A 水頭高さが 0.09m 水柱で内部のガスおよび空気の比重をそれぞれ $0.5,\,1.3$ とする. 水面より 100m 上方におけるガスの圧力を水頭高さで求めよ.
- 2. 図 2 のようにタンクが浮いている場合のタンクの重さを求めよ。ただしタンクの壁の厚みは無視するものとする。もしタンクが図のように水面下 1m のところに沈んでいいる場合、タンクの下方 (D-C) に働く力はいくらになるか。(y を求める)
- 3. 図 3 に示すような $2m\phi$ のシリンダーに作用する単位長さ当たりの水平および垂直方向の力を求めよ.

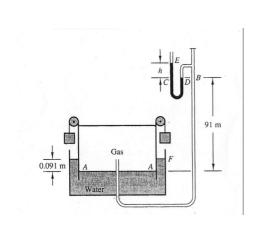


図 1

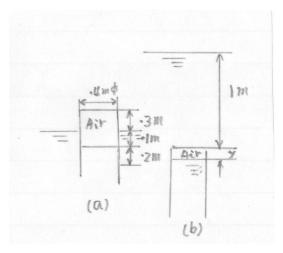


図 2

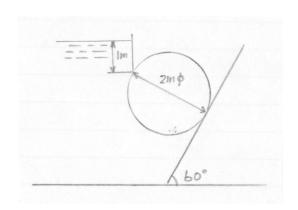


図 3

(解)

1.

$$\begin{split} p_e + \gamma_{al}h + 100\gamma_g &= p_e + \gamma_a(100 + h - 0.09) + 0.09\gamma_w \\ h &= \frac{0.09\gamma_w + \gamma_a(100 - 0.09) - 100\gamma_g}{\gamma_{al} - \gamma_a} \\ &= \frac{0.09 \times 90 + 1.3(100 - 0.09) - 100 \times 0.5}{800 - 1.3} = 0.213m \end{split}$$

2.

$$\begin{split} P &= 10^3 \pi \times 0.04 \times 0.1 = 12.56 \ kg \\ p_A V_A &= p_B V_B ...(1) \\ p_A &= 10 + 0.1 = 10.1, \quad VA = \pi 0.2^2 \times 0.4 = 0.05 \\ p_D &= \gamma_w (y+1) ...(2) \\ \gamma_w (10+0.1)(0.4 \times A) &= \gamma_w (10+1+y)(y \times A) \\ y^2 &+ 11y - 4.04 = 0, \quad y = 0.355 \ m \\ p_D &= (1+0.355) \times 10^3 = 1.355 \times 10^3 \\ F_V &= p_D A = 1.355 \times 10^3 \times \pi 0.2^2 = 170.2 \ kg \end{split}$$

3.

$$P_{Hnet} = 10^3 \times 1.5 \times (1 \times 1) = 1.5 \times 10^3 \ kg$$

 $V = \frac{1}{2}\pi \times 1 + \frac{(1+2)\sqrt{3}}{2} = 4.16m^2, \quad P_{Vnet} = 4.16 \times 10^3 \ kg$